

نحصل على المعادلة التفاضلية $\ddot{\Theta} + \frac{c}{J_{\Delta}} \dot{\Theta} = 0$ حلها جيبى يكتب على الشكل التالي:

الدور للحركة $T_0 = \frac{2\pi}{\omega_0} = 2\pi \sqrt{\frac{J_{\Delta}}{C}}$ و $x(t) = x_m \cos\left(\frac{2\pi}{T_0}t + \phi\right)$

الطاقة الحركية لنواس اللي: $E_c = \frac{1}{2} J_{\Delta} \dot{\Theta}^2$

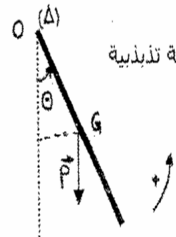
طاقة وضع اللي: $E_p = \frac{1}{2} C \Theta^2 + cte$ في غياب الاحتكاكات تتحول طاقة الوضع الى طاقة

حركية والعكس صحيح و الذي يترجم العلاقة $\Delta E_p = -\Delta E_c$

النواس الوازن: هو كل جسم قابل للدوران حول محور أفقي لا يمر من مركز قصوره G.

تطبيق. العلاقة الأساسية للحريك: $M_{\Delta}(\vec{P}) + M_{\Delta}(\vec{R}) = J_{\Delta} \ddot{\Theta}$ نحصل على المعادلة

التفاضلية $\ddot{\Theta} + \frac{mgd}{J_{\Delta}} \sin \Theta = 0$ حيث $OG=d$ فحركة النواس الوازن حركة تذبذبية



و دورية و ليست جيبية و في حالة التذبذبات الصغيرة ($\Theta \leq 15^\circ$) نحصل على المعادلة:

حيث $\ddot{\Theta} + \frac{mgd}{J_{\Delta}} \Theta = 0$ $\omega_0^2 = \frac{mgd}{J_{\Delta}}$ $T_0 = 2\pi \sqrt{\frac{J_{\Delta}}{mgd}}$

الطاقة الحركية للنواس: $E_c = \frac{1}{2} J_{\Delta} \dot{\Theta}^2$ طاقة الوضع التفاضلية: $E_p = mgz + cte$

و في حالة التذبذبات الصغيرة $E_p = mgd(1 - \cos \Theta)$ $E_p = mgd \frac{\Theta^2}{2} + cte$

النواس البسيط: $J_{\Delta} = ml^2$ و $OG=l$ نحصل على المعادلة: $\ddot{\Theta} + \frac{g}{l} \Theta = 0$

خمود التذبذبات الميكانيكية:

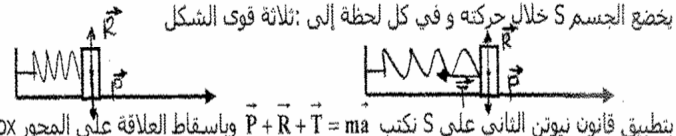
أثناء حركة المتذبذب يتناقص وسع التذبذبات إلى أن يتوقف نقول أن المتذبذب يخمد وهناك تبددا في الطاقة.

ملخص 7 فيزياء
اعداد ذراحي نورالدين
2 سلك بكالوريا 2009

المتذبذبات الميكانيكية

النواس العرن:

نحصل على نواس مرن بربط نابض غير متصل اللفات بجسم صلب S ونثبت الطرف الأخر بحامل ثابت. نزيح S من موضع توازنه ثم نحرره فينجر حركة تذبذبية حول موضع توازنه



يخضع الجسم S خلال حركته و في كل لحظة إلى ثلاثة قوى الشكل

بتطبيق قانون نيوتن الثاني على S نكتب $\vec{P} + \vec{R} + \vec{T} = m\vec{a}$ وبإسقاط العلاقة على المحور OX حلها جيبى

نحصل على المعادلة التفاضلية المميزة لحركة تذبذبية جيبية: $\ddot{x} + \frac{k}{m}x = 0$ دورها و ϕ طور الحركة عند $t=0$ $T_0 = \frac{2\pi}{\omega_0} = 2\pi \sqrt{\frac{m}{k}}$ وسع الحركة x_m $x(t) = x_m \cos\left(\frac{2\pi}{T_0}t + \phi\right)$

الطاقة الحركية للنواس: $E_c = \frac{1}{2} m v^2 = \frac{1}{2} k (x_m^2 - x^2)$ يعبر عنها ب:

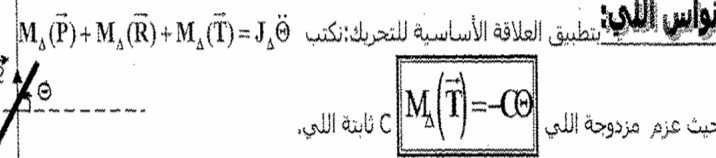
طاقة الوضع المرنة: $E_p = \frac{1}{2} k (\Delta l)^2 + cte$ يعبر عنها ب: حيث Δl الإطالة الكلية

تعبير الطاقة الميكانيكية: $E_m = \frac{1}{2} k x_m^2 + cte$

في غياب الاحتكاكات و عندما تكون القوى المحافظة هي التي تشتغل تكون المجموعة محافظة و تبقى الطاقة الميكانيكية ثابتة خلال الزمن. نقول ان المتذبذب توافقى عندما تتذبذب المجموعة داخل بئر الجهد الشلجمي الشكل. او عندما يكون حل المعادلة التفاضلية حل جيبى. * يمكن الحصول على المعادلة التفاضلية المميزة لحركة تذبذبية انطلاقا من تعبير الطاقة الميكانيكية

$\frac{dE_m}{dt} = 0 \Rightarrow \ddot{x} + \frac{k}{m}x = 0$

نواس اللي:



تطبيق العلاقة الأساسية للحريك: $M_{\Delta}(\vec{P}) + M_{\Delta}(\vec{R}) + M_{\Delta}(\vec{T}) = J_{\Delta} \ddot{\Theta}$ نكتب

حيث عزم مزدوجة اللي $M_{\Delta}(\vec{T}) = -C\Theta$ اللي ثابتة اللي.