بسم الله الرحمان الرحيم: تصحيح موضوع الفيزياء الدورة الاستدراكية 2011 مسلك العلوم الفيزيائية : عبد الكريم سبيرو
****

المملكة المغربية

وزارة التربية الوطنية والتعليم العالي وتكوين الأطر والبحث العلمي
المركز الوطني للتقويم والامتحانات

الامتحان الوطني الموحد للبكالوريا
الدورة الاستدراكية 2011
الموضوع

الصفحة 1 / 7

المادة	الفيزياء والكيمياء	RS28 BA	المعامل	7
الشعب(ة) او المسلك	شعبة العلوم التجريبية مسلك العلوم الفيزيائية		مدة الإنجاز	3

لمزيد من دروس و التمارين و الامتحانات ... موقع قلمي

يسمح باستعمال الآلة الحاسبة العلمية غير القابلة للبرمجة

تعطى التعابير الحرفية قبل التطبيقات العددية

يتضمن الموضوع أربعة تمارين : تمرين في الكيمياء وثلاثة تمارين في الفيزياء

الكيمياء : (7 نقط)

- دراسة محلول حمض الميثانويك.
- تطور مجموعة كيميائية .

الفيزياء : (13 نقطة)

* الموجات (2,5 نقط)
  - تحديد سرعة انتشار موجة فوق صوتية في الهواء .
  - تحديد سمك طبقة جوفية من النفط .

* الكهرباء (5 نقط)
  - ضبط نوتة موسيقية ذات تردد معين باستعمال ثنائي قطب RLC متوالي.

* الميكانيك (5,5 نقط)
  - دراسة تحريكية لرافعة .
  - دراسة متذبذب ميكانيكي.

الكيمياء : (7 نقط)

الجزء I: دراسة محلول حمض الميثانويك

يعتبر حمض الميثانويك من الأدوية الناجعة لمحاربة بعض الطفيليات التي تهاجم النحل المنتج للعسل.

يهدف هذا الجزء إلى دراسة تفاعل حمض الميثانويك مع الماء ومع محلول هيدروكسيد الصوديوم.

معطيات:

- تمت جميع القياسات عند درجة الحرارة $25°C$.
- الجداء الأيوني للماء : $K_e = 10^{-14}$.
- يعطي الجدول التالي بعض الكواشف الملونة ومناطق انعطافها.

الكاشف الملون	الهيليانتين	أحمر المثيل	الفينول فتالين
منطقة الانعطاف	3,1 – 4,4	4,2 – 6,2	8,2 - 10

1. تفاعل حمض الميثانويك مع الماء

نعتبر محلولا مائيا (S_a) لحمض الميثانويك حجمه V وتركيزه $C_a = 10^{-2} mol.L^{-1}$. أعطى قياس pH هذا المحلول القيمة $pH = 2,9$.

ننمذج التحول الكيميائي الذي يحدث بين حمض الميثانويك والماء بالمعادلة الكيميائية التالية:

$$HCOOH_{(aq)} + H_2O_{(liq)} \rightleftharpoons HCOO^-_{(aq)} + H_3O^+_{(aq)}$$

1.1. أنشئ الجدول الوصفي لتقدم التفاعل . **(0,5 ن)**

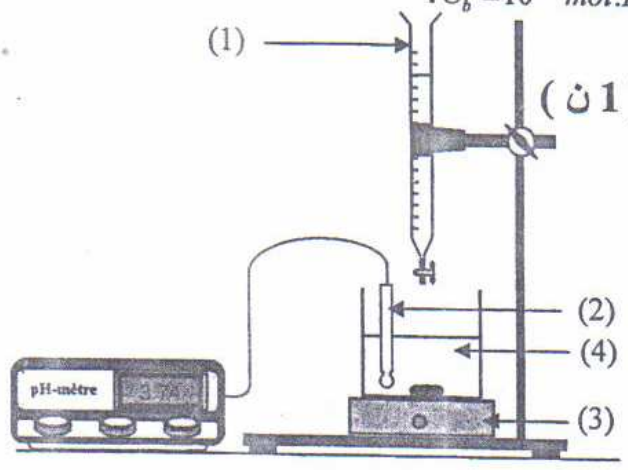
1.2. بيّن أن نسبة التقدم النهائي τ لهذا التحول تكتب كما يلي : $\tau = \frac{10^{-pH}}{C_a}$ ؛ أحسب τ واستنتج . **(1ن)**

1.3. أوجد تعبير خارج التفاعل $Q_{r,éq}$ عند التوازن بدلالة C_a و τ . **(0,5 ن)**

1.4. حدد قيمة الثابتة pK_A للمزدوجة $(HCOOH_{(aq)} / HCOO^-_{(aq)})$. **(0,5 ن)**

2. تفاعل حمض الميثانويك مع محلول هيدروكسيد الصوديوم

نستعمل التركيب التجريبي المبين في الشكل جانبه لمعايرة الحجم $V_a = 20\ mL$ من المحلول السابق (S_a) بواسطة المحلول (S_b) لهيدروكسيد الصوديوم ذي التركيز $C_b = 10^{-2}\ mol.L^{-1}$.



2.1. أعط أسماء عناصر التركيب التجريبي الموافقة للأرقام (1) و(2) و(3) واسم المحلول الموافق للرقم (4) . **(1 ن)**

2.2. يأخذ pH الخليط القيمة $pH = 3,74$ عند إضافة الحجم $V_b = 10\ mL$ من المحلول (S_b) . اعتمادا على الجدول الوصفي ، تحقق بحساب نسبة التقدم النهائي τ أن التفاعل كلي. **(0,5 ن)**

2.3. أوجد الحجم V_{bE} اللازم إضافته للمحلول (S_a) للحصول على التكافؤ. **(0,5 ن)**

2.4. حدد ، معللا جوابك ، من بين الكواشف المبينة في الجدول أعلاه الكاشف الملائم لهذه المعايرة. **(0,5 ن)**

الجزء II : دراسة العمود نيكل- زنك

ننجز العمود المُكون من المزدوجتين $Ni^{2+}_{(aq)}/Ni_{(s)}$ و $Zn^{2+}_{(aq)}/Zn_{(s)}$ وذلك بغمر إلكترود النيكل في الحجم $V=150\,mL$ من محلول كبريتات النيكل تركيزه البدئي $Ni^{2+}_{(aq)}+SO^{2-}_{4(aq)}$ $[Ni^{2+}_{(aq)}]_i=10^{-2}\,mol.L^{-1}$ وإلكترود الزنك في الحجم $V=150\,mL$ من محلول كبريتات الزنك تركيزه البدئي $Zn^{2+}_{(aq)}+SO^{2-}_{4(aq)}$ $[Zn^{2+}_{(aq)}]_i=10^{-2}\,mol.L^{-1}$.
نصل محلولي مقصورتي العمود بقنطرة أيونية.

معطيات:

- ثابتة التوازن المقرونة بمعادلة التفاعل : $Zn_{(s)}+Ni^{2+}_{(aq)} \rightleftarrows Zn^{2+}_{(aq)}+Ni_{(s)}$ هي : $K=10^{18}$.
- $1F=9,65.10^4\,C.mol^{-1}$

1. حدد ، بحساب خارج التفاعل $Q_{r,i}$ في الحالة البدئية ، منحى التطور التلقائي للمجموعة المكوّنة للعمود . (0,5 ن)
2. أعط التبيانة الاصطلاحية للعمود المدروس. (0,5 ن)
3. يمر في الدارة تيار كهربائي شدته $I=0,1A$ خلال اشتغال العمود. أوجد تعبير Δt_{max} المدة الزمنية القصوية لاشتغال العمود بدلالة $[Zn^{2+}_{(aq)}]_i$ و V و F و I . أحسب Δt_{max} . (1 ن)

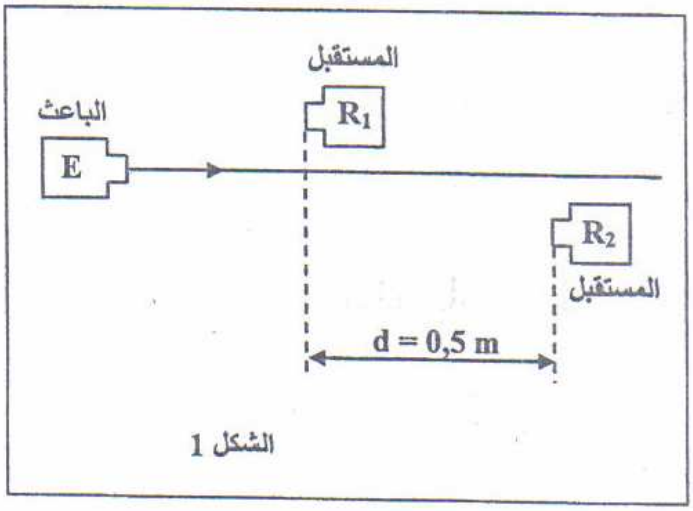
لمزيد من دروس و التمارين و الامتحانات ... موقع قلمي

الموجات: (2,5 نقط)

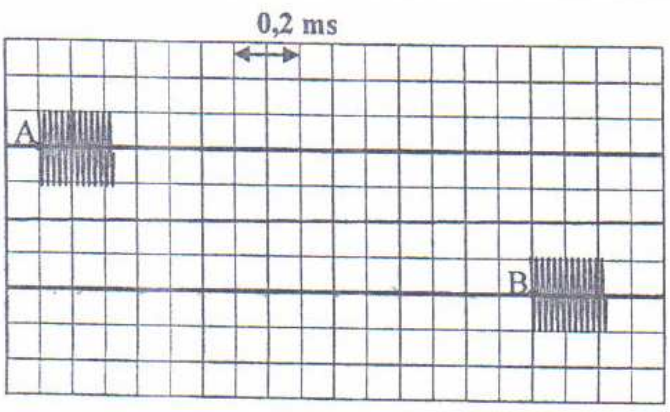
يعتبر الكشف بالصدى الذي تستعمل فيه الموجات فوق الصوتية طريقة لتحديد سمك الطبقات الجوفية .
يهدف التمرين إلى تحديد سرعة انتشار الموجات فوق الصوتية في الهواء و تحديد سمك طبقة جوفية للنفط.

1. تحديد سرعة انتشار الموجات فوق الصوتية في الهواء

نضع على استقامة واحدة باعثا E للموجات فوق الصوتية ومستقبلين R_1 و R_2 تفصلهما المسافة $d=0,5m$ (الشكل1).
نعاين على شاشة كاشف التذبذب في المدخلين Y_1 و Y_2 الإشارتين المستقبلتين بواسطة R_1 و R_2 ، فنحصل على الرسم التذبذبي الممثل في الشكل 2 . تمثل A بداية الإشارة المستقبلة من طرف R_1 و B بداية الإشارة المستقبلة من طرف R_2 .



الشكل 1



الشكل 2

1.1. اعتمادا على الشكل 2، حدد قيمة τ التأخر الزمني بين الإشارتين المستقبلتين بواسطة R_1 و R_2. (0,5 ن)

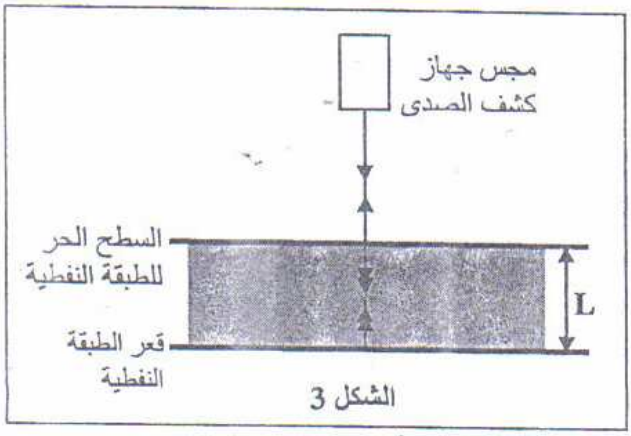
1.2. حدد قيمة V_{air} سرعة انتشار الموجات فوق الصوتية في الهواء. (0,5 ن)

1.3. أكتب تعبير الاستطالة $y_B(t)$ للنقطة B عند لحظة t بدلالة استطالة النقطة A . (0,5 ن)

2. تحديد سمك طبقة جوفية من النفط

لتحديد السمك L لطبقة جوفية من النفط ، استعمل أحد المهندسين مجس جهاز الكشف بالصدى .

يرسل المجس عند اللحظة $t_0 = 0$ إشارة فوق صوتية مدتها جد وجيزة ، عموديا على السطح الحر للطبقة الجوفية من النفط .

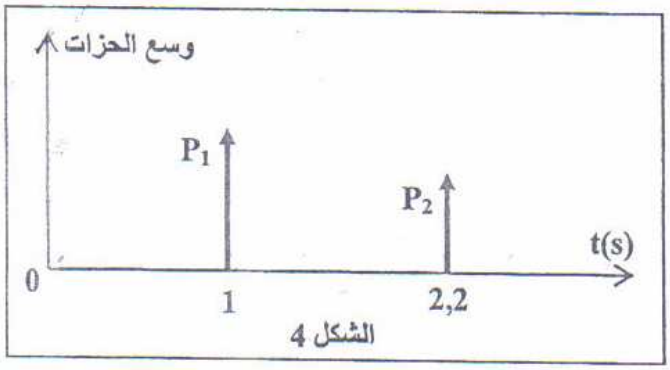


الشكل 3

ينعكس على هذا السطح جزء من الإشارة الواردة بينما ينتشر الجزء الآخر في الطبقة الجوفية لينعكس مرة ثانية عند القعر، ثم يعود إلى المجس حيث يتحول إلى إشارة جديدة مدتها جد وجيزة كذلك. (الشكل 3)

يكشف المجس عند اللحظة t_1 عن الحزة P_1 الموافقة للموجة المنعكسة على سطح الطبقة الجوفية من النفط ، وعند اللحظة t_2 عن الحزة P_2 الموافقة للموجة المنعكسة على قعر الطبقة النفطية.

يمثل الشكل (4) رسما تخطيطيا للحزتين الموافقتين للإشارتين المنعكستين.



الشكل 4

أوجد قيمة L سمك الطبقة النفطية علما أن قيمة سرعة انتشار الموجات فوق الصوتية في النفط الخام هي $v = 1,3\,km.s^{-1}$. (1 ن)

الكهرباء: (5 نقط)

تصدر آلة البيانو مجموعة من نوتات موسيقية تتدرج وفق سلم موسيقي مكوّن من سبع نوتات أساسية.

تعتبر كل نوتة موسيقية موجة صوتية تتميز بتردد معين.

يوضح الجدول التالي الترددات الموافقة للنوتات الموسيقية الأساسية :

النوتة	Si	La	Sol	Fa	Mi	Ré	Do
التردد (Hz)	494	440	392	349	330	294	262

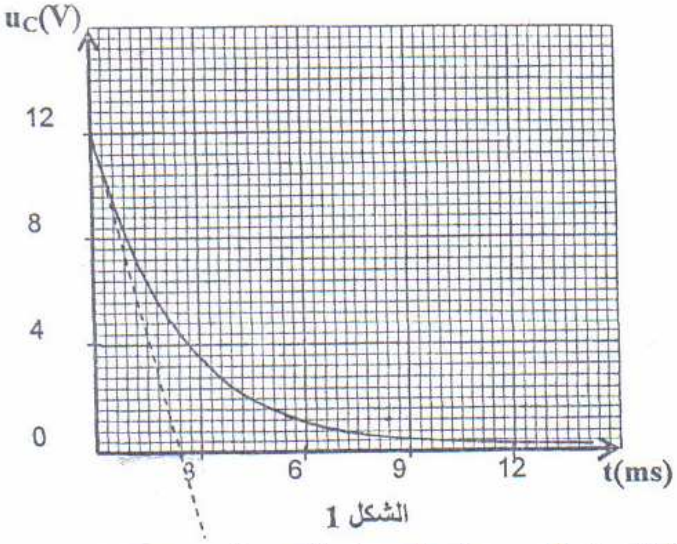
يهدف التمرين إلى ضبط نوتة موسيقية ذات تردد معين باستعمال ثنائي قطب RLC متوالي.

لتحديد تردد النوتة المتوخاة أنجزت مجموعة من التلاميذ تجربة في مرحلتين :

- المرحلة الأولى: تحديد سعة مكثف C باعتماد تركيب تجريبي ملائم.
- المرحلة الثانية: ضبط تردد النوتة باستعمال ثنائي قطب RLC متوالي.

1. تحديد سعة مكثف

عند أصل التواريخ ، قام التلاميذ بتفريغ مكثف سعته C مشحون بدئيا في موصل أومي مقاومته $R = 200\ \Omega$.
يمثل الشكل 1 منحنى تغيرات التوتر $u_C(t)$ بين مربطي المكثف.



الشكل 1

1.1. مثل تبيانة الدارة الكهربائية التي تمكن من إنجاز هذه التجربة . (0,5 ن)

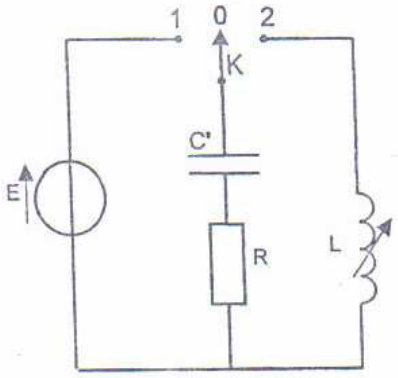
1.2. أوجد المعادلة التفاضلية التي يحققها التوتر $u_C(t)$ بين مربطي المكثف خلال التفريغ. (0,5 ن)

1.3. تحقق أن حل المعادلة التفاضلية السابقة هو $u_C = U_0.e^{-\frac{t}{RC}}$ ، حيث U_0 ثابتة. (0,5 ن)

1.4. باستعمال معادلة الأبعاد ، بين أن الجداء RC له بعد زمني. (0,5 ن)

1.5. حدد مبيانيا ثابتة الزمن τ واستنتج القيمة C لسعة المكثف المدروس. (0,5 ن)

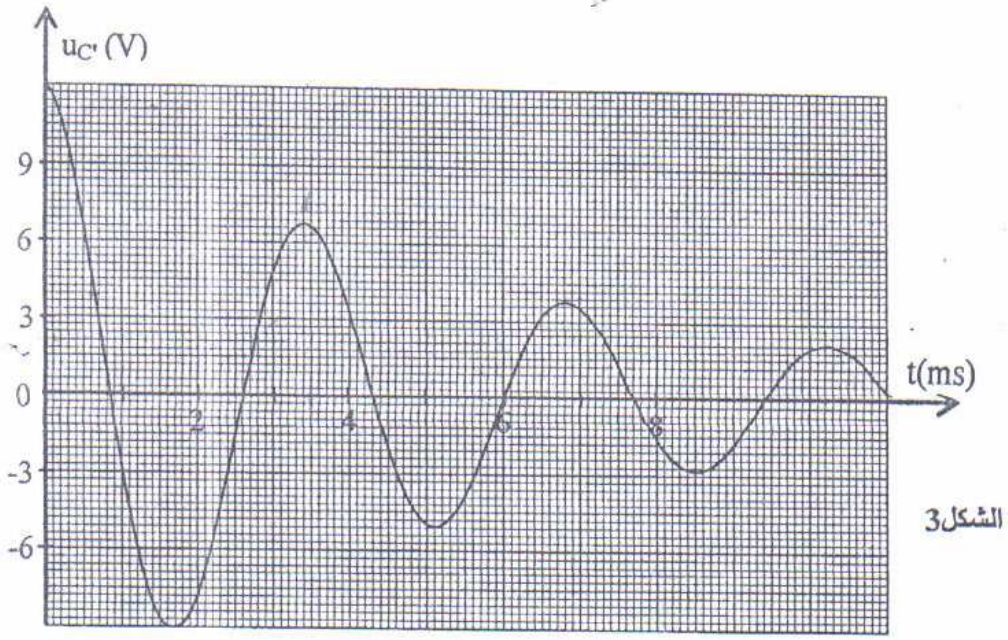
2. ضبط تردد النوتة الموسيقية



الشكل2

أنجز التلاميذ التركيب التجريبي الممثل في الشكل 2 والمكون من :
- مولد ذي قوة كهرمحركة E=12 V ومقاومة داخلية مهملة.
- موصل أومي مقاومته $R= 200\ \Omega$.
- وشيعة معامل تحريضها L قابل للضبط ومقاومتها الداخلية مهملة .
- مكثف سعته $C' = 0,5\ \mu F$.
- قاطع تيار K ذي موضعين .

بعد شحن المكثف ، أرجح التلاميذ قاطع التيار الكهربائي إلى الموضع (2) عند لحظة نعتبرها أصلا للتواريخ، فحصلوا بواسطة وسيط معلوماتي على المنحنى الممثل في الشكل 3 .



الشكل3

2.1. أوجد المعادلة التفاضلية التي يحققها التوتر $u_{C'}$ بين مربطي المكثف بدلالة الزمن. **(0,5 ن)**

2.2. حدد مبيانيا قيمة شبه الدور T . **(0,25 ن)**

2.3. نعتبر أن قيمة T تساوي قيمة الدور الخاص T_0 للمتذبذب LC . استنتج قيمة L. **(0,5 ن)**

2.4. احسب قيمة الطاقة الكلية المخزونة في الدارة عند اللحظة $t = 3,4\ ms$. **(0,5 ن)**

3. أضاف التلاميذ للتركيب RLC' السابق جهازا لصيانة التذبذبات ، وربطوا الدارة المتذبذبة بمكبر للصوت يُحول الموجة الكهربائية ذات التردد N_0 إلى موجة صوتية لها نفس التردد .

3.1. ما دور جهاز الصيانة من منظور طاقي ؟ **(0,25 ن)**

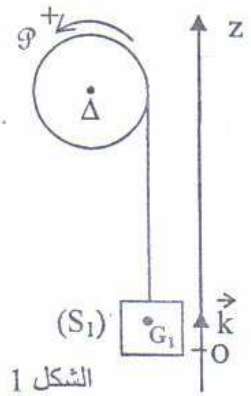
3.2. باعتماد جدول تردد النوتات ، حدد النوتة الموسيقية التي يصدرها مكبر الصوت . **(0,5 ن)**

الميكانيك : (5,5 نقط)

تمكن الدراستين التحريكية والطاقية لمجموعات ميكانيكية في وضعيات مختلفة من تحديد بعض المميزات المتعلقة بخصائص المجموعة المدروسة والتعرف على تطورها الزمني .

يهدف هذا التمرين إلى دراسة وضعيتين ميكانيكيتين مستقلتين.

نهمل جميع الاحتكاكات ونأخذ $g = 10\ m.s^{-2}$.



الشكل 1

الوضعية الأولى :

تلعب البكرة دورا أساسيا في مجموعة من الآلات الميكانيكية والكهرميكانيكية ، من بينها رافعة الحمولات التي لا يستطيع الإنسان رفعها يدويا أو بوسائل بدائية.

ننمذج رافعة ببكرة ($\mathcal{P}$) متجانسة شعاعها $r = 20\ cm$ قابلة للدوران حول محور أفقي (Δ) ثابت منطبق مع محور تماثلها ، وجسم صلب (S_1) كتلته $m_1 = 50\ kg$ مرتبط بالبكرة ($\mathcal{P}$) بواسطة خيط غير مدود كتلته مهملة يمر في مجرى البكرة ولا ينزلق عليها أثناء الحركة .

يرمز J_Δ لعزم قصور البكرة ($\mathcal{P}$) بالنسبة لمحور الدوران Δ .

تدور البكرة ($\mathcal{P}$) تحت تأثير محرك يطبق عليها مزدوجة محركة عزمها ثابت $\mathcal{M}=104,2\,m.N$ ، فينتقل الجسم (S_1) بدون سرعة بدئية نحو الأعلى.

نمعلم حركة مركز القصور G_1 للجسم (S_1) عند لحظة t بالأنسوب z في المعلم $(O,\vec{k})$ الذي نعتبره غاليليا .(الشكل1) .

يكون G_1 منطبقا مع أصل المعلم O عند اللحظة $t_0=0$.

1.1. بتطبيق القانون الثاني لنيوتن والعلاقة الأساسية للديناميك في حالة الدوران على المجموعة (بكرة - (S_1) - خيط) ، بيّن أن تعبير التسارع a_{G1} لحركة G_1 هو : $a_{G1}=\frac{\mathcal{M}.r-m_1.g.r^2}{m_1.r^2+J_\Delta}$. **(1,5 ن)**

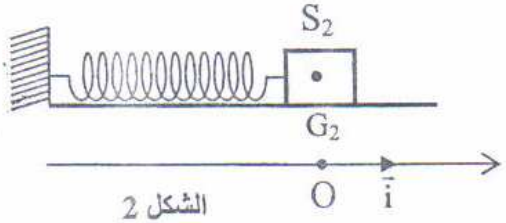
1.2. مكنت الدراسة التجريبية لحركة G_1 من الحصول على المعادلة الزمنية $z=0,2t^2$ ، حيث z بالمتر و t بالثانية. حدد عزم القصور J_Δ . **(0,75 ن)**

الوضعية الثانية :

نربط جسما صلبا (S_2) ، كتلته $m_2 = 182\ g$ ، بنابض لفاته غير متصلة وكتلته مهملة وصلابته K ، ونثبت الطرف الآخر للنابض بحامل ثابت (الشكل 2) .

الجسم (S_2) قابل للانزلاق على مستوى أفقي.

نزيح الجسم (S_2) عن موضع توازنه بالمسافة X_m ثم نحرره بدون سرعة بدئية.



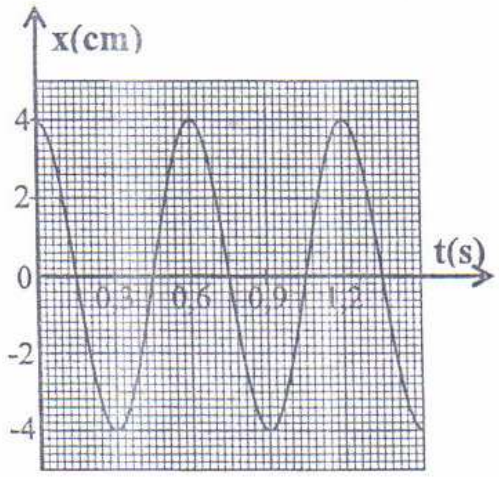
الشكل 2

لدراسة حركة مركز القصور G_2 للجسم (S_2) ، نختار معلما غاليليا $(O,\vec{i})$ حيث ينطبق موضع G_2 عند التوازن مع الأصل O .

نمعلم موضع G_2 عند لحظة t بالأفصول x في المعلم $(O,\vec{i})$.

تُكتب المعادلة التفاضلية لحركة G_2 كالتالي :

$\ddot{x}+\frac{K}{m_2}x=0$ ويكون حلها هو $x(t)=X_m.\cos(\frac{2\pi t}{T_0}+\varphi)$.



الشكل3

مكنت الدراسة التجريبية لحركة G_2 من الحصول على المنحنى الممثل في الشكل 3 .

2.1. حدد باستغلال المنحنى المقادير التالية :

الوسع X_m والدور الخاص T_0 والطور φ عند أصل التواريخ . **(0,75 ن)**

2.2. استنتج قيمة الصلابة K للنابض. **(0,75 ن)**

2.3. نختار المستوى الأفقي الذي يشمل موضع G_2 عند التوازن مرجعا لطاقة الوضع الثقالية والحالة التي يكون فيها النابض غير مشوه مرجعا لطاقة الوضع المرنة .

2.3.1. بيّن أن الطاقة الحركية E_c للجسم (S_2) تكتب كما يلي : $E_c=\frac{K}{2}(X_m^2-x^2)$. **(0,75 ن)**

2.3.2. أوجد تعبير الطاقة الميكانيكية E_m للمجموعة (الجسم (S_2) - نابض) بدلالة X_m و K واستنتج السرعة v_{G2} عند مرور G_2 بموضع التوازن في المنحى الموجب. **(1 ن)**

موضوع الكيمياء الجزء الأول :

1- 1-1- جدول تقدم التفاعل :

	معادلة التفاعل	$HCOOH$	+ H_2O	⇆ $HCOO^-$	+ H_3O^+
الحالة	التقدم	كميات المادة بالمول			
الحالة البدئية	0	بوفرة	0	0	C_aV
حالة التحول	x	بوفرة	x	x	C_aV-x
الحالة النهائية	x_f	بوفرة	x_f	x_f	C_aV-x_f

****

1- 2 - بما أن الماء مستعمل بوفرة فإن المتفاعل المحد هو : $HCOOH$ ⇐ $C_aV-x_{max}=0$ **ومنه :** $x_{max}=C_a.V$.

ومن خلال جدول التقدم : $n(H_3O^+)_f=x_f$ **لأن استقرار قيمة pH تدل على أن التفاعل قد وصل إلى نهايته .**

إذن : $[H_3O^+]_f=\frac{x_f}{V}=10^{-pH}$ ⇐ $x_f=10^{-pH}.V$ **ومنه :** $\tau=\frac{x_f}{x_{max}}=\frac{10^{-pH}.V}{C_a.V}=\frac{10^{-pH}}{C_a}$ **إذن :** $\tau=\frac{10^{-pH}}{C_a}$

$\tau=\frac{10^{-pH}}{C_a}=\frac{10^{-2,9}}{10^{-2}}=10^{2-2,9}=10^{-0,9}\approx 0,126=12,6\%$ ⇐ $\tau=12,6\%$

****

1-3- خارج التفاعل عند التوازن : $Q_{r,éq}=\frac{[HCOO^-]_f.[H_3O^+]_f}{[HCOO^-]_f}$ **لأن استقرار قيمة pH يدل على أن التفاعل قد وصل إلى نهايته أي حالة التوازن** $x_f=x_{éq}$.

لدينا : $\tau=\frac{x_f}{x_{max}}=\frac{x_f}{C_a.V}$ ⇐ $x_f=\tau.C_a.V$

ومن خلال جدول التقدم : $[HCOO^-]_f=[H_3O^+]_f=\frac{x_f}{V}=\frac{\tau.C_a.V}{V}=\tau.C_a$

و : $[HCOOH]_f=\frac{C_a.V-x_f}{V}=\frac{C_a.V-\tau.C_a.V}{V}=C_a(1-\tau)$

ومنه : $Q_{r,éq}=\frac{[HCOO^-]_f.[H_3O^+]_f}{[HCOO^-]_f}=\frac{(\tau.C_a)^2}{C_a(1-\tau)}=\frac{\tau^2.C_a}{1-\tau}$ ⇐ $Q_{r,éq}=\frac{\tau^2.C_a}{1-\tau}$

****

1-4- نعلم أن ثابتة الحميضة للمزدوجة $HCOOCH/HCOO^-$ **:** $k_A=\frac{[HCOO^-]_f.[H_3O^+]_f}{[HCOO^-]_f}=\frac{\tau^2.C_a}{1-\tau}$

$pk_A=-\ell ogk_A=-\ell og(\frac{\tau^2.C_a}{1-\tau})=-\ell og(\frac{0,126^2\times10^{-2}}{1-0,126})=3,74$ ⇐ $pk_A=3,74$ ⇐

****

2- 2-1 - رقم 1 ← السُحاحة.

رقم2 ← مجس قياس ال:pH.

رقم 3 ← محرك مغناطيسي.

رقم 4- ← المحلول S_a المعاير لحمض الميثانويك.

****

2-2-

	معادلة التفاعل	$HCOOH$	+ HO^-	→ $HCOO^-$	+ H_2O
الحالة	التقدم	كميات المادة بالمول			
الحالة البدئية	0	C_aV_a	C_bV_b	0	0
حالة التحول	x	C_aV_a-x	C_bV_b-x	x	x
الحالة النهائية	x_f	$C_aV_a-x_f$	$C_bV_b-x_f$	x_f	x_f

لدينا : $\tau=\frac{x_f}{x_{max}}$

إذا افترضنا HCOOH هو المحد : $x_{max}=C_a.V_a=2.10^{-4}mol$ **وإذا افترضنا أن** HO^- **هو المحد :** $x_{max}=C_b.V_b=10^{-4}mol$

$2.10^{-4}>10^{-4}$ **إذن** HO^- **هو المحد** ⇐ $C_bV_b-x_{max}=0$ **ومنه :** $x_{max}=C_bV_b$

من خلال علاقة الجداء الأيوني للماء لدينا : $[H_3O^+][HO^-]=10^{-14}$ **مع :** $[H_3O^+]=10^{-pH}$ ⇐ $[HO^-].=\frac{10^{-14}}{10^{-pH}}=10^{pH-14}$ **(1)**

ومن خلال جدول التقدم : $n(HO^-)_f = C_bV_b - x_f$ $\Leftarrow$ $[HO^-]_f = \dfrac{C_bV_b - x_f}{V_a + V_b}$ **(2)**

(1)=(2) $\Leftarrow$ $\dfrac{C_bV_b - x_f}{V_a + V_b} = 10^{pH-14}$ $\Leftarrow$ $C_bV_b - x_f = 10^{pH-14}.(V_a + V_b)$ **ومنه :**

$x_f = C_bV_b - 10^{pH-14}.(V_a + V_b)$ **وبالتالي :** $\tau = \dfrac{C_bV_b - 10^{pH-14}.(V_a + V_b)}{C_bV_b}$

ت.ع : $\tau = \dfrac{10^{-2}\times10\times10^{-3} - 10^{3,74-14}.(30\times10^{-3})}{10^{-2}\times10\times10^{-3}} = \dfrac{10^{-4} - 1,65.10^{-12}}{10^{-4}} = 1$ **إذن المدروس التحول كلي .**

****

2-3- من خلال علاقة التكافؤ : $C_aV_a = C_bV_{bE}$ **لدينا :** $V_{bE} = \dfrac{C_a.V_a}{V_b} = \dfrac{10^{-2}\,mol/L.20.10^{-3}\,L}{10^{-2}\,mol/L} = 20.10^{-3}\,L = 20mL$

****

2-4-نعلم أنه عندما يتعلق الأمر بمعايرة حمض يتأين جزئيا في الماء بقاعدة قوية يكون pH الخليط عند التكافؤ $pH_E > 7$ **. إذن الكاشف الملون المناسب لهذه المعايرة هو : الفنول فتاليين.**

****

الجزء الثاني :

1- خارج التفاعل : $Q_{r,i} = \dfrac{[Zn^{2+}]_i}{[Ni^{2+}]_i} = \dfrac{10^{-2}}{10^{-2}} = 1$ **وثابتة التوازن :** $K = 10^{18}$.

$Q_{r,i} < K$ **إذن المجموعة تتطور تلقائيا في المنحى المباشر.**

****

2- بما أن المجموعة تتطور تلقائيا في المنحى المباشر.معادلة التفاعل الحاصل خلال اشتغال العمود تكتب كما يلي:

$$Zn + Ni^{2+} \rightarrow Zn^{2+} + Ni$$

ومنه تفاعل الأكسدة الانودية : $Zn \rightarrow Zn^{2+} + 2e^-$ $\Leftarrow$ **الكترود Zn تمثل القطب السالب للعمود.**

ومنه تفاعل الاختزال الكاتودي : $Ni^{2+} + 2e^- \rightarrow Ni$ $\Leftarrow$ **الكترود Niتمثل القطب الموجب للعمود**

التبيانة الاصطلاحية للعمود: $\ominus\ Zn/Zn^{2+} :: Ni^{2+}/Ni.\ \oplus$

****

3- لدينا : $n_o(Zn^{2+}) = n_o(Ni^{2+}) = C.V = 10^{-2}\,mol/L.0,15L = 1,5.10^{-3}\,mol$

خلال اشتغال العمود يتناقص تركيز ايونات النيكل واختفاؤها يضع حدا لاشتغال العمود ، ومنه $x_{max} = n_o(Ni^{2+}) = n_o(Zn^{2+}) = CV$

Zn	+	Ni^{2+}	$\rightarrow$	Zn^{2+}	+	Ni
n_o		CV		CV		n'_o
$n_o - x$		$CV - x$		$CV + x$		$n'_o + x$

من خلال الجدول يتضح أن : $n(Zn^{2+}) = x$ الناتجة $= n(Ni^{2+})$ المتفاعلة

ومن خلال نصف المعادلة : $Zn \rightarrow Zn^{2+} + 2e^-$ $\Leftarrow$ $n\ (Zn^{2+})$ الناتج $= \dfrac{n(e^-)}{2}$

إذن : $n(Zn^{2+}) = \dfrac{n(e^-)}{2} = x$: الناتجة $n(Ni^{2+})$ المتفاعلة

وبما أن التفاعل كلي : $x = x_{max} = n_o(Ni^{2+}) = n_o(Zn^{2+})$ $\Leftarrow$ **أي :** $n_o(Zn^{2+}) = \dfrac{n(e^-)}{2}$ **مع** $n(e^-) = \dfrac{I.\Delta t_{max}}{F}$ **:** $[Zn^{2+}]_o = \dfrac{n(e^-)}{2.V}$

أي : $[Zn^{2+}]_o = \dfrac{I.\Delta t_{max}}{2.F.V}$ $\Leftarrow$

$$\Delta t_{max} = \frac{2.F.V[Zn^{2+}]_o}{I} = \frac{2\times9,65.10^4\,C.mol^{-1}.0,15L10^{-2}\,mol.L^{-1}}{0,1A} = 2895s = 48mn15s$$

****

الموجات :

1-التأخر الزمني بين الإشارتين : $\tau = 7,5\times0,2ms = 1,5ms$

****

2- سرعة انتشار الموجات الفوق صوتية في الهواء : $V_{air} = \dfrac{d}{\tau} = \dfrac{0,5m}{1,5.10^{-3}s} = 333,3m/s$

****

1-3- كل نقطة M من وسط الانتشار تكرر نفس حركة المنبع S بتعطل $\tau = \frac{SM}{v}$.

تعبير الاستطالة $y_B(t)$ بدلالة استطالة المنبع S : $y_B(t) = y_S(t-\tau)$

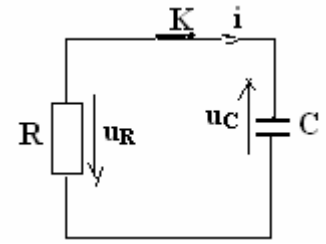
****

2- $v = \frac{2L}{\Delta t}$ $\Leftarrow$ $L = \frac{v.\Delta t}{2} = \frac{1300m/s.(2,2-1)s}{2} = 780m$

****

الكهرباء :

1 -1



****

1-2- بتطبيق قانون تجميع التوترات لدينا :

$u_R + u_C = 0 \Leftarrow R.i + u_C = 0 \Leftarrow R.\frac{dq}{dt} + u_C = 0$ **(مع :** $q = C.u_C$ **أي :** $\frac{dq}{dt} = C.\frac{du_C}{dt}$**)**

$\Leftarrow$ $R.C.\frac{du_C}{dt} + u_C = 0$ **وهي المعادلة التفاضلية التي يحققها التوتر u_C بين مربطي المكثف .**

****

1-3- $u_C = U_o.e^{-\frac{t}{RC}}$ $\Leftarrow$ $\frac{du_C}{dt} = \frac{-U_o}{RC}.e^{-\frac{t}{RC}}$ بالتعويض في المعادلة التفاضلية :

$-R.C.\frac{U_o}{RC}.e^{-\frac{t}{RC}} + U_o.e^{-\frac{t}{RC}} = -U_o.e^{-\frac{t}{RC}} + U_o.e^{-\frac{t}{RC}} = 0$ $\Leftarrow$ **$u_C = U_o.e^{-\frac{t}{RC}}$ حل للمعادل التفاضلية .**

****

1-4- لدينا :

$U_R = R.i \Leftarrow R = \frac{U_R}{i}$ **ومنه :** $[R] = \frac{[U]}{[I]}$

$\begin{cases} q = I.t \\ q = C.U_C \end{cases} \Leftarrow C.U_C = I.t$ **ومنه :** $C = \frac{I.t}{U_C}$ $\Leftarrow$ $[C] = \frac{[I].[t]}{[U]}$

$[R].[C] = \frac{[U]}{[I]} \times \frac{[I].[t]}{[U]} = [t]$ **إذن الجداء $R.C$ له بعد زمني .**

****

1-5- مبيانيا : $\tau = 2,4ms$ **ولدينا :** $C = \frac{\tau}{R} = \frac{2,4.10^{-3}s}{200\Omega} = 12.10^{-6}F = 12\mu F$ $\Leftarrow$ $C = 12\mu F$

****

2-

2-1 - بتطبيق قانون تجميع التوترات لدينا : $u_L + u_R + u_C = 0 \Leftarrow L.\frac{di}{dt} + R.i + u_C = 0$ **(مع :** $i = \frac{dq}{dt} = C.\frac{du_C}{dt}$ **و:**

$\frac{d^2u_C}{dt^2} + \frac{R}{L}.\frac{du_C}{dt} + \frac{1}{LC}u_C = 0$ $\Leftarrow$ $LC.\frac{d^2u_C}{dt^2} + R.C.\frac{du_C}{dt} + u_C = 0$ $\Leftarrow$ $(\frac{di}{dt} = C.\frac{d^2u_C}{dt^2}$

****

2-2- مبيانيا : $T = 3,4ms$

****

2-3- $T = T_o = 2\pi.\sqrt{LC'} \Leftarrow T^2 = 4\pi^2LC' \Leftarrow L = \frac{T^2}{4\pi^2C'} = \frac{(2,4.10^{-3})2}{4\pi^2 0,5.10^{-6}} \approx 0,59H$

****

2-4- نعلم أن $q(t)$ و $i(t)$ على تربيع في الطور . إذا كانت إحداهما قصوية أو دنوية تكون الأخرى منعدمة .

يتضح من خلال المنحنى (شكل3) أنه عند اللحظة $t = 3,4ms$ التوتر u_C قصوى $\Leftarrow$ q قصوية لأن : $q = C.u_C$ $\Leftarrow$ i منعدمة.

وبالتالي الطاقة المغنطيسية للوشعية عند اللحظة $t = 3,4ms$ منعدمة .

إذن الطاقة الكلية للدارة عند هذه اللحظة : $E = \xi_m + \xi_e = 0 + \frac{1}{2}C'.u_{C'}^{\ 2} = \frac{1}{2}.0,5.10^{-6}.6,9^2 \approx 1,2.10^{-5}\ J$

****

3- 1-3- دور جهاز الصيانة هو تعويض الطاقة المبددة بمفعول جول في الدارة.

****

3-2- مكبر للصوت يُحول الموجة الكهربائية ذات التردد $N_o = \frac{1}{T_o} = \frac{1}{3,4.10^{-3}s} \approx 294Hz$ إلى موجة صوتية لها نفس التردد .ومن خلال جدول تردد النوتات نتعرف على نوع النوتة الموسيقية التي يصدرها مكبر الصوت وهي : $Ré$.

****

الميكانيك :

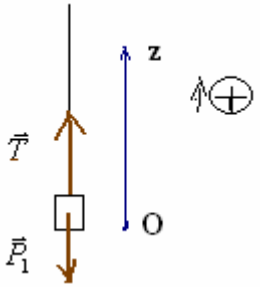
1- 1-1

بتطبيق القنون الثاني لنيوتن على الجسم S_1 الذي يخضع للقوى التالية :

$\vec{P}_1$: وزن الجسم S_1.

$\vec{T}$: توتر الخيط.

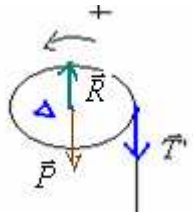
$\Sigma\vec{F} = m_1.\vec{a}_G$ أي : $\vec{T} + \vec{P}_1 = m_1.\vec{a}_G$



بالإسقاط على المحور oz الموجه في منحى الحركة :

أي : $T - P_1 = m_1..a$ $\Leftarrow$ $T = m_1 g + m_1..a$ **(1)**

بتطبيق العلاقة الأساسية للديناميك في حالة الدوران على البكرة :التي تخضع لتأثير الخيط $\vec{T}'$ وللقوة $\vec{R}$ تأثيرا لمحور ولوزنها $\vec{P}$ بالإضافة لتأثير القوى المحركة ذات العزم M .



$\Sigma M\vec{F}_\Delta = J_\Delta.\ddot{\theta}$

أي : $M + M\vec{T}'_{/\Delta} + M\vec{P}_{/\Delta} + M\vec{R}_{/\Delta} = J_\Delta.\ddot{\theta}$ $\Leftarrow$

$M - T'.r + 0 + 0 = J_\Delta.\ddot{\theta}$ $\Leftarrow$ $T' = \frac{M}{r} - \frac{J_\Delta.\ddot{\theta}}{r}$ مع : $\ddot{\theta} = \frac{a}{r}$ ومنه : $T' = \frac{M}{r} - \frac{J_\Delta.a}{r^2}$ **(2)**

وبما أن الخيط غير قابل للمد فهو يحتفظ بنفس التوتر في جميع نقطه وبالتالي: $T = T'$ $\Leftarrow$ $\frac{M}{r} - \frac{J_\Delta.a}{r^2} = m_1 g + m_1..a$ $\Leftarrow$

$m_1..a + \frac{J_\Delta.a}{r^2} = \frac{M}{r} - m_1 g$ $\Leftarrow$ $m_1..a + \frac{J_\Delta.a}{r^2} = \frac{M.r - m_1 g.r^2}{r^2}$ $\Leftarrow$ $\frac{m_1..a.r^2 + J_\Delta.a}{r^2} = \frac{M.r - m_1 g.r^2}{r^2}$

$a(m_1..r^2 + J_\Delta) = M.r - m_1 g.r^2$ $\Leftarrow$ $a = \frac{M.r - m_1 g.r^2}{m_1..r^2 + J_\Delta}$

****

2-1- لدينا : $z = 0,2.t^2$ $\Leftarrow$ السرعة الخطية $v = \frac{dz}{dt} = 0,4.t$ و التسارع الخطي : $a = \frac{dv}{dt} = 0,4m/s^2$

ومن خلال العلاقة السابقة: $a = \frac{M.r - m_1 g.r^2}{m_1..r^2 + J_\Delta}$ $\Leftarrow$ $m_1..r^2 + J_\Delta = \frac{M.r - m_1 g.r^2}{a}$ أي : $J_\Delta = \frac{M.r - m_1 g.r^2}{a} - m_1..r^2$

ت.ع: $J_\Delta = \frac{104,2 \times 0,2 - 50 \times 10.(0,2)^2}{0,4} - 50..(0,2)^2 = 0,1kg.m^2$

****

2-الوضعية الثانية :

1-2- من خلال المنحنى لدينا الوسع : $x_m = 4cm$ **و الدور الخاص :** $T_o = 0,6s$.

ولدينا عند t=0 : $x = +x_m \Leftarrow +x_m = x_m \cos\kappa \Leftarrow \cos\varphi = 1$ **ومنه الطور عند أصل التواريخ:** $\varphi = 0$

****

2-2- لدينا : $\omega_o = \sqrt{\frac{k}{m}}$ **و:** $T_o = \frac{2\pi}{\omega_o} \Leftarrow T_o = 2\pi\sqrt{\frac{m}{k}}$ **إذن :** $T_o^{\,2} = 4\pi^2 \frac{m}{k}$ **ومنه :** $k = 4\pi^2 \frac{m}{T_o^{\,2}} = 4\pi^2 \frac{50}{0,6^2} \approx 20N/m$

****

2-3

2-3-1 -الطاقة الحركية للجسم $E_C = \frac{1}{2}.m_2.v^2$

لدينا : $x = x_m.\cos(\omega_o.t + \varphi)$ **مع :** $\omega_o = \frac{2\pi}{T_o} = \sqrt{\frac{k}{m_2}}$

$$\Leftarrow \quad v = \dot{x} = -x_m.\omega_o \sin(\omega_o.t + \varphi)$$

$$E_C = \frac{1}{2}.m_2.x_m^{\,2}.\omega_o^{\,2}.\sin^2(\omega_o.t+\varphi) = \frac{1}{2}.m_2.x_m^{\,2}.\omega_o^{\,2}.\left[1-\cos^2(\omega_o.t+\varphi)\right] = \frac{1}{2}.m_2..\omega_o^{\,2}.\left[x_m^{\,2} - x_m^{\,2}\cos^2(\omega_o.t+\varphi)\right]$$

$$= \frac{1}{2}.m_2.\frac{k}{m_2}\left[x_m^{\,2} - x^2\right]$$

$$= \frac{1}{2}.k\left[x_m^{\,2} - x^2\right]$$

****

2-3-2-الطاقة الميكانيكية للمجموعة : $E_m = E_C + E_{pe} + E_{pp}$

طاقة الوضع المرنة : $E_{pe} = \frac{1}{2}kx^2$

بما أن المستوى الأفقي الذي يشمل G_2 مرجع لطاقة الوضع الثقالية فإن: $E_{pp} = 0$

إذن: $E_m = 0 + \frac{1}{2}k.x^2 + \frac{1}{2}k\left[x_m^{\,2} - x^2\right] = \frac{1}{2}k.x_m^{\,2}$

عند مرور G_2 بموضع التوازن : $x = 0 \Leftarrow E_c = \frac{1}{2}k.x_m^{\,2} = \frac{1}{2}m_2.v^2 \Leftarrow$ **أي :** $v^2 = \frac{k.x_m^{\,2}}{m_2.}$

$$v = \sqrt{\frac{k}{m_2.}} \times .x_m = \sqrt{\frac{20}{0,182}} \times 4.10^{-2} = 0,42m/s$$

SBIRO Abdelkrim Lycée Agricole Oulad-Taima région d'agadir Royaume du Maroc
Adresse éléctronique : sbiabdou@yahoo.fr