

...

أن تعطى العلاقة الحرفية قبل التطبيق العددي  
يؤخذ بعين الاعتبار تنظيم ورقة التحرير

## الفيزياء الموضوع الأول

قياس سرعة انتشار موجة صوتية في الهواء (2)

لقياس سرعة انتشار الصوت في الهواء ننجز التركيب التجاري التالي :

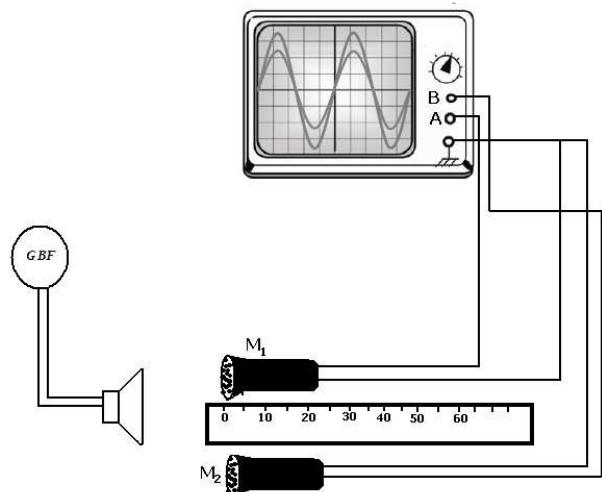
يتم التقاط صوت صادر عن مكبر الصوت بواسطة ميكروفونين  $M_1$  و  $M_2$  مرتبطين بمدخل راسم التذبذب  $Y_A$  و  $Y_B$ .

نحدد الأقصولين  $x_1$  و  $x_2$  على التوالي للميكروفونين على محور مطابق للمسطرة المدرجة.

1 - نحصل على رس敏ين التذبذبين على توافق في الطور عندما يكون الميكروفونان عند الأقصول  $x_1 = x_2 = 0$ .

أحسب دور الموحتين واستنتج ترددهما . نعطي الحساسية الأفقيّة في المدخلين  $Y_A$  و  $Y_B$  هي  $0,5 \text{ ms/div}$  :

2 - نحتفظ ب  $M_1$  عند الأقصول  $x_1 = 0$  ، ونحرك  $M_2$  طول



المسطرة المدرجة . يلخص الجدول أسفله قيمة الأقصول  $x_2$  للميكروفون  $M_2$  ، عندما يظهر الرسمان التذبذبيان على توافق في الطور على شاشة راسم التذبذب :

الوضع (n)	1	2	3	4	5
الأقصول (cm)	17	34	51	68	85

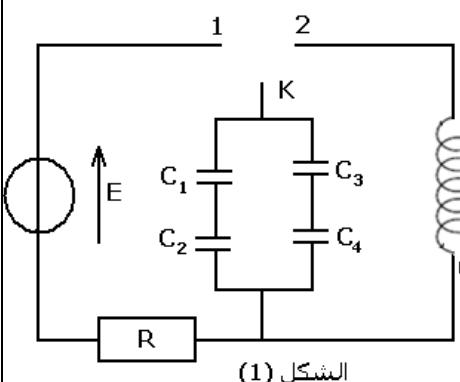
2 - انطلاقا من الجدول أوجد قيمة طول الموجة للموجات الصوتية . (0,75)

2 - أحسب قيمة سرعة الموجة الصوتية في الهواء في شروط هذه التجربة . (0,75)

## الموضوع الثاني : الكهرباء (6,25)

### I - دراسة تجميع مكثفات

لدينا التركيب الإلكتروني الممثل جانبه الشكل (1) والمكون من أربع مكثفات غير مشحونة سعة كل مكثف على التوالي هي  $C_1, C_2, C_3, C_4$  ، ومولد مؤمثل للتوتر حيث  $E = 10V$  وموصل أومي مقاومته  $R = 100\Omega$  ووشيعة معامل تحريرها الذاتي  $L$  ومقاومتها الداخلية  $r$  .



1 - باستعمال القواعد الخاصة لتجميع المكثفات ، بين أن سعة المكثف المكافئ تكتب على الشكل التالي :

$$C_{eq} = \frac{C_1 C_2}{C_1 + C_2} + \frac{C_3 C_4}{C_3 + C_4}$$

متشاربة ولها نفس السعة  $C_1 = C_2 = C_3 = C_4 = C$  (0,5)

2 - ذكر بالغاية من استعمال التركيب على التوازي والتركيب على التوالي للمكثفات . (0,25)

### II - دراسة شحن المكثف

نعتبر التركيب الممثل جانبه الشكل (2) يكافئ التركيب السابق حيث  $C = 100\mu F$  ، نرجح قاطع التيار إلى الموضع  $t = 0$  .

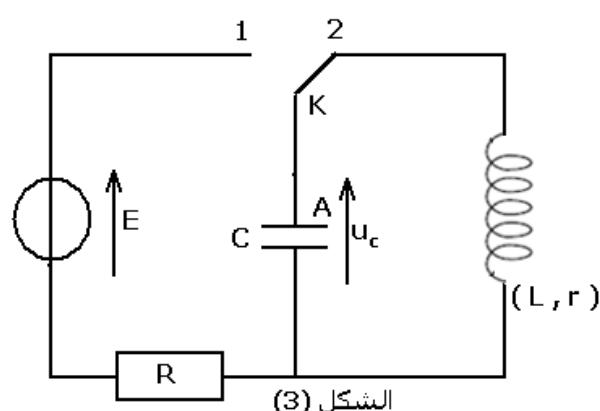
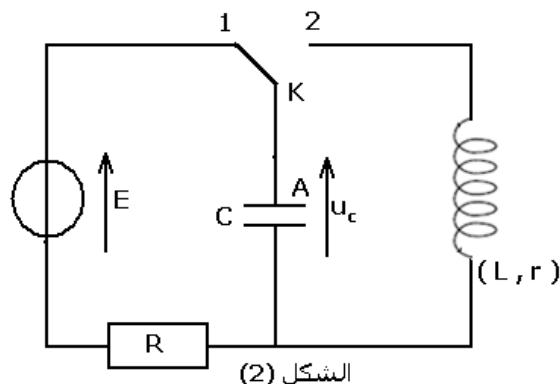
1 – بتطبيق قانون إضافية التوترات أثبت المعادلة التفاضلية التي يتحققها التوتر  $u_c$  بين مربطي المكثف . (0,5)

2 – حل هذه المعادلة يكتب على الشكل التالي :  $u_c(t) = A e^{-\alpha t} + B$  :

1 – باستعمال المعادلة التفاضلية حدد الثابتين  $B$  و  $\alpha$  . (0,5)

2 – باستعمال الشروط البدئية حدد الثابتة  $A$  واكتب حل المعادلة التفاضلية النهائية . (0,25)

2 – 3 أكتب تعبير تغيرات الشحنة  $q(t)$  للبوس  $A$  بدلالة الزمن  $t$  واستنتج تعبير شدة التيار الكهربائي  $i(t)$  بدلالة الزمن . ما هو الفرق بين المحننين المماثلين لكل من  $q(t)$  و  $i(t)$  . (0,5)



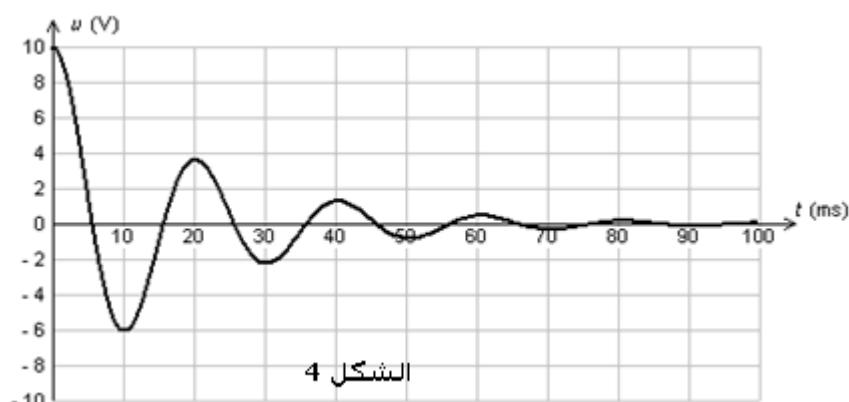
### III – تغريغ المكثف المكافئ في الوشيعة

نرجح قاطع التيار في الموضع (2) الشكل (3) ونعاين تغيرات التوتر  $u_c$  بين مربطي المكثف ، فنحصل على الرسم المباني الممثل أسفله . الشكل (4)

3 – حدد طبيعة نظام الذبذبات . معللا جوابك (0,25)

4 – حدد شبه الدور للذبذبات . (0,25)

5 – باعتبار أن شبه الدور للذبذبات مساويا للدور الخاص للدارة ، بين أن معامل التحرير للوشيعة هو : (0,25)  $L = 0,1H$



### IV – دراسة ثنائي قطب RLC على التوالى في نظام قسرى . هذا الجزء مستقل عن الجزء I و II و III

يتكون ثنائي القطب  $AB$  من وشيعة معامل تحريرها  $L = 0,5H$  و مقاومتها الداخلية مهمملا ومكثف سعته  $C = 2\mu F$

وموصل أومي مقاومته  $R = 10\Omega$  . نطبق بين مربطي ثنائي القطب  $AB$  توترا جيبيا (0,5) تردد  $N$  قابل للضبط ، فيمر فيه تيار كهربائي شدته اللحظية  $i(t) = I\sqrt{2} \cos(2\pi Nt)$  .

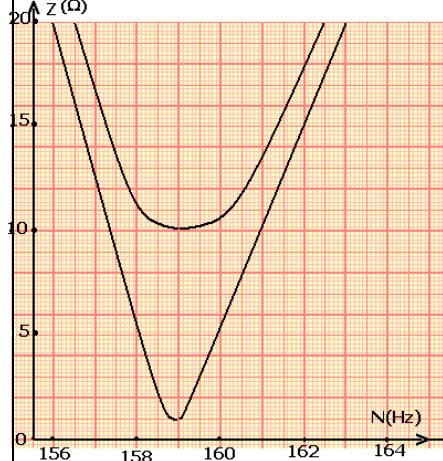
1 – في حالة أن التوتر  $u(t)$  على توافق في الطور  $i(t)$  (0,25)

1 – 1 أحسب التردد  $N_0$  . (0,25)

1 – 2 أعط تعبير  $i(t)$  محددا الشدة الفعالة  $I$  للتيار المار في الدارة . (0,5)

...

1 – باستعمال إنشاء فرييل ( بدون برهنة ) أوجد تعبير  $U_L$  التوتر الفعال بين مربطي الوشيعة و  $U_C$  التوتر الفعال بين مربطي المكثف . ماذا تستنتج . (0,5)



1 – أحسب معامل الجودة  $Q$  للدارة واستنتج عرض المنطقة المموجة بدلالة  $Q$

و  $N_0$  واحسب قيمته (0,5)

2 – بين أن ممانعة الدارة تكتب على الشكل التالي :

$$Z = R \sqrt{1 + Q^2 \left( \frac{N}{N_0} - \frac{N_0}{N} \right)^2}$$

استنتاج الممانعة الدنيا  $Z_{\min}$  (0,75)

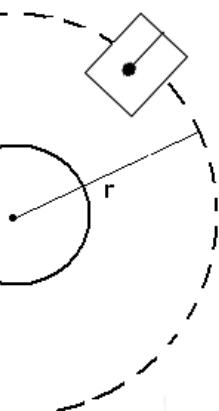
3 – يعطي المبيان التالي أسفله المنحنى الممثل لتغيرات  $Z$  بدلالة  $N$  في الحالتين :  $R = 1\Omega$  و  $R = 10\Omega$  علق على هذين المنحنيين وحدد في كل حالة المجال الذي تستجيب فيه الدارة ، ايهما تكون فيه الدارة انتقائية . (0,5)

### الموضوع الثالث : الميكانيك (5,25)

يقوم علماء الفلك ، خلال رحلاتهم الفضائية بإنجاز تجارب خارج الغلاف الجوي من أجل التأكد من صحة بعض النظريات العلمية والبحث عن تطويرها لاستعمالها في عدة مجالات .

داخل مركبة فضائية كتلتها  $M$  في حركة دائرية منتظامة حول الأرض شعاع مدارها  $r = 42200\text{km}$  مما يجعلها ساكنة بالنسبة للأرض ، قام فريق من العلماء بإنجاز التجربة التالية :

تم تثبيت داخل المركبة الفضائية بالنقطة  $O$  خيط طوله  $\ell = 0,4m$  وكتلته  $m = 0,6kg$  وهي قابلة للامتداد علق في طرفه الحر جسمًا نقطيا  $(S)$  كتلته  $m = 0,6kg$  . المجموعة قابلة للدوران بدون احتكاك حول محور ثابت  $(\Delta)$  أفقي يمر من النقطة  $O$  . فنحصل على مجموعة ميكانيكية متذبذبة عزم قصورها بالنسبة للمحور  $(\Delta)$  هي  $J_{\Delta} = m\ell^2$  .



الشكل 1

معطيات :  $R = 6380\text{km}$  شعاع الأرض .  $g_0 = 9,81m/s^2$  شدة مجال الثقالة على سطح الأرض .

ثابتة التجاذب الكوني (SI)  $G = 6,67 \times 10^{-11}\text{N}\cdot\text{m}^2/\text{kg}^2$  . كتلة الأرض للأرض :

$$T = 86164\text{s}$$

في حالة  $\theta$  صغيرة جدا يمكن أن نأخذ  $\sin \theta \approx \theta$  و  $1 - \cos \theta = \frac{\theta^2}{2}$

#### I – تحديد شدة مجال الثقالة $g$ في مدار المركبة الفضائية .

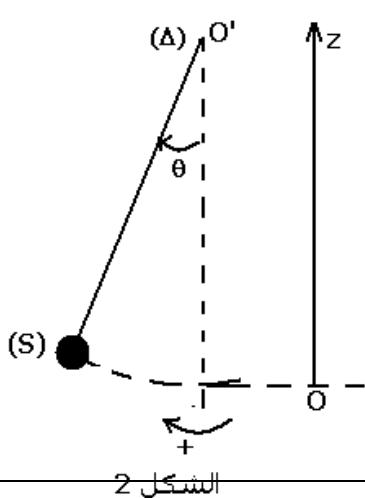
1 – أعط تعبير شدة القوة المطبقة من طرف الأرض على المركبة الفضائية . (0,25)

2 – باعتبار أن شدة القوة المطبقة من طرف الأرض على المركبة مساوياً لشدة

وزن المركبة ، بين أن  $g = g_0 \left( \frac{R}{r} \right)^2$  بحيث أن  $g$  مجال الثقالة الأرضي في النقطة التي توجد فيها المركبة الفضائية . (0,5)

#### II – دراسة حركة المجموعة داخل المركبة الفضائية

نقوم بدراسة حركة المجموعة المتذبذبة في معلم مرتبط بالمركبة الفضائية والذي نعتبره غاليليا .



الشكل 2

نزيج المجموعة عن موضع توازنها بزاوية  $\theta_m$  في المنحى الموجب ثم نحررها بدون سرعة بدئية في لحظة نأخذها أصلاً للتاريخ . نعلم في كل لحظة موضع الساق بالزاوية  $\theta$  التي تكونها مع الخط الرأسي (أنظر الشكل )

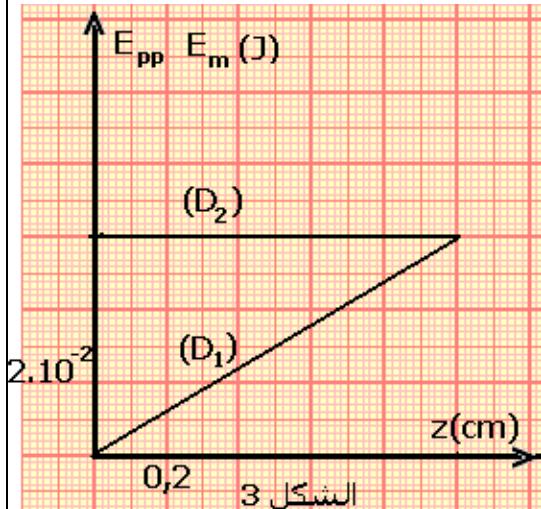
### 1 - الدراسة التحريرية

- 1 - بتطبيق العلاقة الأساسية للتحريك ، أوجد المعادلة التفاضلية لحركة المجموعة المتذبذبة  $(0,75)$
- 2 - أعط نص قانون توازن الذبذبات الصغيرة لنواس بسيط غير محمد .  $(0,25)$

$$1 - 3 \text{ في حالة الذبذبات الصغيرة ، المعادلة التفاضلية السابقة تقبل حلا لها : } \theta(t) = \theta_m \cos\left(\frac{2\pi}{T_0}t + \varphi\right)$$

أوحد تعبير  $T_0'$  الدور الخاص للمتذبذب بدلالة  $T_0$  دور الذبذبات في حالة وجود المجموعة المتذبذبة على سطح الأرض واستنتج كيف يتغير الدور الخاص للمتذبذب بدلالة  $r$  . وأحسب قيمة الدور الخاص  $T_0'$  .  $(1)$

- 1 - هل الافتراض الذي اعتبرنا من خلاله أن المعلم المرتبط بالمركبة الفضائية معلمًا غاليليا صحيح أم لا ؟ علل جوابك .  $(0,25)$



الشكل 3

### 2 - الدراسة الطافية

- 1 - أوحد تعبير الطاقة الميكانيكية  $E_m$  للمجموعة المتذبذبة بدلالة  $t$  السرعة الزاوية للمتذبذب في اللحظة  $t$   $\dot{\theta}, \theta, g, \ell, m$  عند  $\theta = 0$  حالة مرجعية لطاقة الوضع الثقالية .  $(0,75)$
- 2 - يعطي المبيان الممثل في الشكل 2 تغيرات طاقة الوضع  $E_{pp}$  والطاقة الميكانيكية  $E_m$  (المستقيم  $D_2$ ) للمتذبذب بدلالة الأنسبوب  $z$  للجسم النقطي ( $S$ ) .
- أ - أوجد السرعة الزاوية للمجموعة المتذبذبة بالنسبة لأنسبوب  $z = 0,5\text{cm}$   $(0,75)$
- 2 - استنتاج المعادلة الزمنية  $(t)\theta$  للمجموعة المتذبذبة .  $(0,75)$

## الموضوع الأول

نجز عموداً باستعمال كأسين ، يحتوي الأول على صفيحة الرصاص  $Pb(s)$  مغمورة جزئياً في محلول مائي لنترات الرصاص  $(Pb^{2+}(aq) + 2NO_3^-(aq))$  تركيزه  $C_1 = 0,1\text{mol/l}$  والثاني مكون من سلك فضة  $Ag(s)$  مغمور جزئياً في محلول لنترات الفضة  $(Ag^+(aq) + NO_3^-(aq))$  تركيزه  $C_2 = 5,0 \cdot 10^{-2}\text{mol/l}$  . نوصل المحلولين بواسطة قنطرة أيونية لنترات البوتاسيوم .

يشير الفولطметр عند تركيبه بين مربطي هذا العمود إلى أن القطب الموجب هو سلك الفضة . حجم كل من المحلولين هو  $V_1 = V_2 = 200\text{ml}$  .

نعطي قيمة ثابتة التوازن لتفاعل الحاصل داخل العمود هي  $K = 6,8 \cdot 10^{28}$

- 1 - أكتب نصفي معادلة التفاعل الذي يحدث على مستوى كل إلكترود . واستنتاج المعادلة الحصيلة لتفاعل الأكسدة والاختزال .  $(0,5)$

2 - أحسب خارج التفاعل البدئي  $Q_{r,i}$  ، ثم أوجد منحى التطور التلقائي للعمود .  $(0,5)$

3 - نركب بين مربطي هذا العمود موصلاً أوميا ونقيس شدة التيار الذي يمر فيه خلال  $1,0\text{h}$  فنجد  $I = 100\text{mA}$  .

3 - 1 أحسب كمية الكهرباء التي يمررها هذا العمود عبر الموصل الأومي خلال هذه المدة .  $(0,25)$

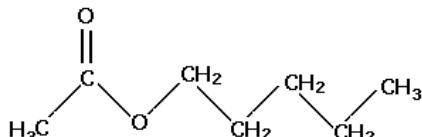
3 - 2 حدد تركيزات الأنواع الكيميائية خلال ساعة من الاستعمال .  $(0,75)$

3 – ما تغير كتلة الفلز المتكونة ؟ وما تغير كتلة الفلز المستهلك ؟ (0,5)  
 نعطي :  $F = 9,65 \cdot 10^4 \text{ C} \cdot \text{mol}^{-1}$  و  $M(\text{Pb}) = 207,2 \text{ g/mol}$  و  $M(\text{Ag}) = 107,9 \text{ g/mol}$

## الموضوع الثاني (4,25)

**عطر الإجاص . بكالوريا فرنسية 2006**

يعرف إيثانوات البنليل أو عطر الإجاص باسم الأسيتات الأميل . نحصل عليه بتفاعل حمض الإيثانويك مع كحول أميلي يتم استخلاص هذا الكحول قدما من البطاطيس ، غنية بالنشا . صيغتها نصف المنشورة هي :



### I – الدراسة النظرية

- 1 – أعط اسم المجموعة المميزة الموجودة في هذه الجزيئة . (0,25)
- 2 – يمكن الحصول على إيثانوات البنليل انطلاقا من متفاعلين  $A$  و  $B$
- 2 – 1 المتفاعل  $A$  حمض كربوكسيلي . ما هي المجموعة المميزة التي يحتوي عليها المتفاعل  $B$  ؟  
أكتب صيغته نصف المنشورة . (0,5)

2 – 2 أكتب المعادلة الكيميائية لتفاعل للحصول على إيثانوات البنليل . مع تحديد أسماء النواتج والمتفاعلات حسب التسمية الرسمية (0,5)

### II – الدراسة التجريبية

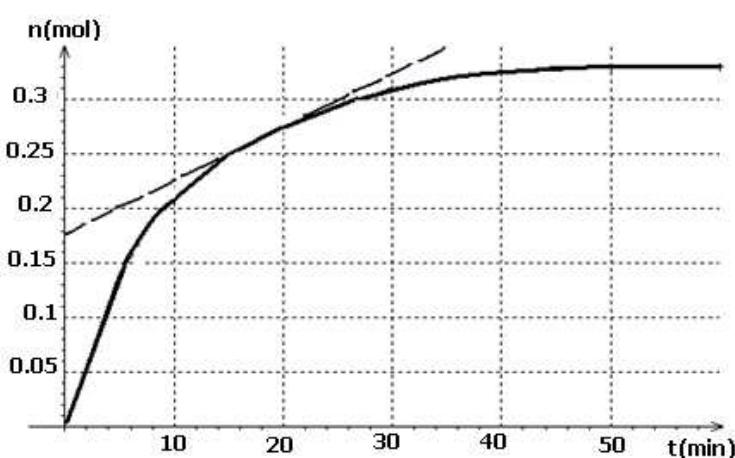
عند اللحظة  $t = 0$  نمزج  $0,50 \text{ mol}$  من المتفاعل  $A$  و  $0,50 \text{ mol}$  من المتفاعل  $B$  ، ثم نضيف كمية قليلة من حمض الكبريتيك . نحافظ على الخليط في درجة حرارة ثابتة  $25^\circ\text{C}$  . الحجم الكلي للخليط التفاعلي هو  $V = 83 \text{ ml}$  .  
نحدد خلال كل  $5 \text{ min}$  كمية المادة  $n$  لإيثانوات البنليل المتكون .  
فنحصل على الجدول التالي :

$t(\text{min})$	0	5	10	15	20	25	30	35	40	45	50	55
$n(\text{mol})$	0,00	0,14	0,21	0,25	0,275	0,295	0,31	0,32	0,325	0,33	0,33	0,33

- 1 – أنشئ الجدول الوصفي لتفاعل محددا فيه الحالة البدئية والحالة الوسيطية والحالة النهائية حالة التوازن .  
واستنتج العلاقة بين كمية المادة  $n$  لإيثانوات البنليل والتقدم  $x$  . (0,5)

3 – دراسة المجموعة الكيميائية انطلاقا من  $t = 45 \text{ min}$

- 3 – 1 ما اسم الحالة التي توجد عليها المجموعة ابتداء من اللحظة  $t = 45 \text{ min}$  ؟ (0,25)
- 3 – 2 حدد ، في هذه الحالة تركيبة الخليط واستنتاج قيمة ثابتة التوازن  $K$  . (0,5)



يمثل المبيان أسفله تغيرات  $(f)$  بدلالة الزمن .

- 1 – عرف السرعة الحجمية لتفاعل . (0,25)

2 – أحسب قيمة هذه السرعة عند اللحظة  $t = 20 \text{ min}$  ب الوحدة  $\text{mol} / \ell \cdot \text{min}$  . (0,5)

- 3 – تعتبر الحالة التي يتم فيها التفاعل دون إضافة حمض الكبريتيك ، على نفس المبيان ( يمكن نقله في ورقة تحريرك ) أرسم شكل المحنى المحصل عليه في هذه الحالة موضحا الحالة النهائية للمجموعة . (0,5)

**والله ولي التوفيق**