#### الثانية بكالوريا علوم رياضية الأستاذ : الحيان المخروطيات

في المستوى  $(\mathcal{P})$  المنسوب إلى معلم متعامد ممنظم  $(\mathcal{P},\vec{i},\vec{j})$  ؛ نعتبر المنحنيين : (E) و (H) حيث :

$$(E)$$
:  $(2x-4)^2 + y^2 = 36$   
 $(H)$ :  $y^2 - (2x+4)^2 = 4$ 

- عدد طبیعة کل من المنحنیین (E) و (H) ثم حدد العناصر 1. المميزة لكل منهما.
  - $(\Gamma)$  المعرف بالمعادلة :

$$4x |x| + y^2 - 16x - 20 = 0$$

اً - بین أن  $(\Gamma)$  هو اتحاد جزء من (E) وجزء من  $(\Gamma)$  .

 $(C,\vec{i},\vec{j})$  في المعلم  $(\Gamma)$  في المعلم

### التمرين 2 :

المستوى  $(\mathcal{P})$  منسوب إلى معلم متعامد ممنظم  $(\mathcal{P})$  منسوب

. 
$$x^2 - \frac{y^2}{4} = 1$$
 : نعتبر الهذلول (%) الذي معادلته

. أ- حدد رأسي  $(\mathfrak{K})$  وبؤرنيه F و مقاربيه .  $(\mathfrak{R})$  ب- أنشئ

.  $M_{0}\left(\sqrt{5},4
ight)$  .  $M_{0}\left(\sqrt{5},4
ight)$  في النقطة ( $\mathfrak{K}$ ) عدد معادلة المماس

ينتمي إلى الدائرة التي الدائرة التي الدائرة التي الدائرة التي  $\left(T\right)$  ينتمي إلى الدائرة التي مرکزها O وشعاعها 1.

## التمرين 3 :

 $\left(O\,,\vec{i}\,,\vec{j}\,
ight)$  منسوب إلى معلم متعامد ممنظم  $\left(\mathcal{P}
ight)$  منسوب

ي مجموعة F'(1,2) و F(3,2) مجموعة F'(1,2) بنتير النقطتين F(3,2). MF + MF' = 4 : النقط M بحيث . (E) أ- حدد طبيعة

(E) ب- أكتب المعادلة المختصرة ل

 $3x^{2}-4y^{2}-12x=0$  : اليكن ( $\Re$ ) الهذلول الذي معادلته  $(\mathfrak{R})$  . حدد رأسي أعط المعادلة المختصرة ل

 $(C,\vec{i},\vec{j})$  و  $(\mathfrak{R})$  في نفس المعلم  $(E,\vec{i},\vec{j})$  .

#### التمرين 4 :

في المستوى  $(\mathscr{P})$  المنسوب إلى معلم متعامد ممنظم (i,j)؛ نعتبر المجموعتين  $(\mathcal{H})$  و  $(\mathcal{H})$  المعرفتين على التوالي بالمعادلتين :

$$(E)$$
 :  $4y^2 = -9x^2 + 36x$ 

 $(\mathfrak{R})$ :  $4y^2 = 9x^2 - 36x$ 

ا. بین أن (E) إهلیلیج محددا مرکزه ورؤوسه.

. بین أن  $(\mathfrak{K})$  هذلول محددا رأسیه ومقاربیه .

 $(\Gamma)$  المجموعة ( $O, \vec{i}, \vec{j}$ ) المجموعة (عند المنسوب إلى المعلم ( $O, \vec{i}, \vec{j}$ ) المجموعة (عند المنسوب ال .  $4y^2 = |9x^2 - 36x|$ : that is a substitution of the substituti

## التمرين 5 :

المستوى  $(\mathcal{G},\vec{i},\vec{j})$  منسوب إلى معلم متعامد ممنظم متعامد نعتبر في الذي بؤرته النقطة  $F\left(1,3\right)$  ودليله المرتبط المخروطي ( $\Gamma$ )

بالبؤرة  $Y=\frac{25}{3}$  الذي معادلته  $y=\frac{25}{3}$  وتباعده

.  $e = \frac{3}{5}$  المركزي

ا. أ- حدد طبيعة المخروطي  $(\Gamma)$  وتحقق من أن  $(\Gamma)$  هي مجموعة  $\Gamma$ .  $25MF^2 = 9MH^2$  : النقط M التي تحقق

ب- بين أن  $0 = -375 - x^2 + 16y^2 - 50x$  معادلة ديكار تية  $(\Gamma)$  .

ين أن النقطة  $\Omega(1,0)$  هي مركز المخروطي  $\Omega(1,0)$  وأن معادلته

المختصرة في المعلم  $\left(\Omega, \vec{i}, \vec{j}\right)$  هي :  $1 = \frac{X^2}{25} + \frac{Y^2}{25}$  ثم  $(\Gamma)$  أنشى

#### التمرين 6 :

في المستوى  $(\mathcal{P})$  المنسوب إلى معلم متعامد ممنظم  $(\mathcal{P},\vec{i},\vec{j})$  ؛ نعتبر النقطة  $\Omega(-1,1)$  والهذلول  $(\mathfrak{R})$  الذي معادلته :

$$x^2 - 9y^2 + 2x + 18y - 17 = 0$$

 $(\Omega, \vec{i}, \vec{j})$  أن المعادلة المختصرة للهذلول  $(\mathfrak{R})$  في المعام (1

$$\frac{X^2}{9} - Y^2 = 1$$
 : هي

ب- حدد رأسي  $(\mathfrak{R})$  وبؤرتيه F و F ومقاربيه في المعلم  $.(O,\vec{i},\vec{j})$ 

 $(\mathfrak{H})$  الهذلول  $(\mathfrak{H})$  .

#### التمرين 7 :

في المستوى  $\left(\mathcal{P}\right)$  المنسوب إلى معلم متعامد ممنظم في المستوى المنسوب إلى عام بنعتبر

النقطتين  $F'(0,-\sqrt{5})$  و  $F'(0,-\sqrt{5})$  النقطتين النقط النقط النقط النقط . |MF - MF'| = 4: بحيث M(x, y)

 $\left( E
ight)$  . حدد طبيعة المجموعة  $\left( E
ight)$ 

.  $MF^2 - MF'^2 = -4y\sqrt{5}$  : أ- بين أن 2

.  $MF^2 = \left(2 - y \frac{\sqrt{5}}{2}\right)^2$  : ن- استنتج أن

 $x^2 - \frac{y^2}{4} = -1$  هي: (E) هي: المعادلة المختصرة للمجموعة (E) هي: E. أنشئ المجموعة (E).

# التمرين 8 :

في المستوى  $(\mathcal{P})$  المنسوب إلى معلم متعامد ممنظم في المستوى M(x,y)و و F'(0,-4) و F(0,4) مجموعة النقط النقطتين

. *MF* + *MF'* = 10 : بحيث

(E) حدد طبيعة المجموعة . 1

.  $MF^2 - MF'^2 = -16y$  : أـ بين أن

.  $MF = 5 - \frac{4}{5}y$  ب- استنتج أن

 $\frac{x^2}{9} + \frac{y^2}{25} = 1$ :  $\frac{x^2}{9} + \frac{y^2}{25} = 1$ 

(E) أنشئ المجموعة.

## التمرين 9 :

المستوى  $(\mathcal{P})$  منسوب إلى معلم متعامد ممنظم  $(\mathcal{P})$  منسوب

 $16y^4 = (x^2 - 4)^2$ : نعتبر M(x, y) النتي تحقق M(x, y)

نگافئ 
$$16y^4 = \left(x^2 - 4\right)^2$$
 : اُ- بین اُن : .1  $\left(x^2 - 4y^2 - 4\right)\left(x^2 + 4y^2 - 4\right) = 0$ 

. (E) و إهليلج  $(\mathfrak{R})$  و المنتتج أن  $(\Gamma)$  هي اتحاد هذلول

. أ- حدد رأسي  $(\mathfrak{R})$  وبؤرتيه ومقاربيه  $\mathfrak{R}$ 

ب- تحقق من أن  $\left(E\right)$  وحدد  $M_0\left(\sqrt{3},\frac{1}{2}\right)$  تتتمي إلى الإهليلج وحدد معادلة ديكار تية لمماس و (E) في النقطة معادلة ديكار تية لمماس

 $(\Gamma)$  . أنشئ المجموعة

## التمرين 10 :

المستوى  $(\mathcal{P})$  منسوب إلى معلم متعامد ممنظم  $(\mathcal{P}, \vec{i}, \vec{j})$ . نعتبر في

الذي بؤرته النقطة  $F\left(2,1\right)$  ودليله المرتبط ( $\mathcal{F}$ ) المخروطي

بالبؤرة  $x=rac{1}{2}$  هو المستقيم  $\left(D
ight)$  الذي معادلته  $x=rac{1}{2}$  وتباعده

. e=2 المركزي

ا. أ- حدد طبيعة المخروطي  $(\Gamma)$  وتحقق من أن  $(\Gamma)$  هي مجموعة  $MF^2=4MH^2$  .

ب- بين أن : 0=4-2y-2+2 هي معادلة ديكارتية لب- بين أن :  $(\Gamma)$  .

2. أ- بين أن النقطة  $\Omega(0,1)$  هي مركز المخروطي  $\Omega$  وحدد رأسيه ومقاربيه في المعلم  $\Omega(\vec{i},\vec{j})$ .

 $(\Gamma)$  المخروطي ( $(\Gamma)$ ).

## التمرين 11 :

في المستوى  $(\mathcal{G})$  منسوب إلى معلم متعامد ممنظم  $(\mathcal{G},\vec{i},\vec{j})$  ؛ نعتبر المجموعة (E) المعرفة بالمعادلة : (E)

$$\vec{v} = -\frac{\sqrt{5}}{5}\vec{i} + \frac{2\sqrt{5}}{5}\vec{j}$$
 و  $\vec{u} = \frac{2\sqrt{5}}{5}\vec{i} + \frac{\sqrt{5}}{5}\vec{j}$  : نضع

 $(\mathcal{P})$  معلم متعامد ممنظم للمستوى  $(\mathcal{P},\vec{u},\vec{v})$  بين أن

.  $\left(O,\vec{u},\vec{v}\right)$  معادلة المنحنى  $\left(E\right)$  بالنسبة للمعلم

E. استنتج طبيعة وعناصر المجموعة (E)

التمرين 12:

في المستوى  $(\mathcal{G})$  المنسوب إلى معلم متعامد ممنظم  $(\mathcal{G})$ ؛ نعتبر المجموعة : (E) :  $5x^2 + 5y^2 + 8xy - 9 = 0$ 

و ليكن  $R = R\left(O, \frac{\pi}{4}\right)$  الدوران الذي مركزه O وزاويته  $r = R\left(O, \frac{\pi}{4}\right)$  .

 $\left(O\,, \vec{i}\,, \vec{j}\,
ight)$  وليكن  $\left(O\,, \vec{u}\,, \vec{v}\,
ight)$  المعلم المتعامد الممنظم صورة المعلم المعلم المتعامد المنظم . r

 $\left(E\,
ight)$  ثم استنتج طبيعة المعلم معادلة معادلة  $\left(E\,
ight)$  بالنسبة للمعلم معادلة معادلة المعلم (

. (E) ثم أنشئ (E) عدد العناصر المميزة للمجموعة (E)

## التمرين 13 :

في المستوى  $(\mathcal{P})$  المنسوب إلى معلم متعامد ممنظم  $(\sigma,\vec{i},\vec{j})$  ؛ نعتبر المخروطي  $(\Gamma_m)$  المعرف بمعادلته الديكارتية :

$$mx^{2} + (2m-7)y^{2} + (m-4)x - m = 0$$

.  $m \in \mathbb{R} - \left\{0, \frac{7}{2}\right\}$  حيث m بار امتر حقيقي و

 $\left(\Gamma_{m}\right)$  التي يكون من أجلها m التي يكون من أجلها الماليحا

ب- حدد العناصر المميزة ل  $(\Gamma_4)$  ( البؤرتان و الدليلان و التباعد المركزي ) ثم أنشئ  $(\Gamma_4)$  .

2. لكل n من  $\mathbb{N}$  نعتبر النقطة  $M_n$  ذات الأفصول  $x_n$  المعرفة كالتالي  $M_n$  هي النقطة O. نحصل على  $M_{n+1}$  انطلاقا من  $M_n$  بالطريقة التالية :

المستقيم المار من  $M_n$  و الموازي للمستقيم (D) ذي المعادلة : y=-x يقطع ( $\Gamma_4$ ) في نقطتين إحداهما أفصولها سالب نسميها  $E_n$  مماثلة النقطة  $E_n$  بالنسبة لمحور الأراتيب .

هي المسقط العمودي ل $E_n'$  على محور الأفاصيل وتكون  $M_n'$  هي منتصف القطعة  $M_{n+1}$  .

: هي المتتالية المعرفة بما يلي المتتالية المعرفة الم الي الم الي المتتالية المعرفة الم الم

$$\begin{cases} x_0 = 0 \\ x_{n+1} = f(x_n), & n \in \mathbb{N} \end{cases}$$

$$f(x) = \frac{1}{5} \left( \sqrt{5 - x^2} + 2x \right)$$

 $\exists k \in \ ]0,1[ \ / \ \forall x \in \ [0,1] \ : \ |f'(x)| \leq k \ :$  بين أن = - بين باستعمال مبر هنة التز ايدات المنتهية أن =

$$. \forall n \in \mathbb{N} : \left| x_{n+1} - \frac{\sqrt{2}}{2} \right| \le k \left| x_n - \frac{\sqrt{2}}{2} \right|$$

.  $\lim_{n\to +\infty} x_n$  متقاربة أحسب  $(x_n)_{n\in \mathbb{N}}$  المتتالية العددية

