

2 بكالوريا علوم رياضية ن : عبدالله بن لطير	<b>فرض محروس رقم 03</b> الدورة الأولى : 2010/2009	ثانوية موسى بن نصیر نيابة الخميسات
---	--	---------------------------------------

■ **التمرين رقم 01:** (04pts)

↳ **الجزء الأول:** (1,5pts)

ت تكون  $f$  الدالة المعرفة على  $\mathbb{R}^+$  بما يلي :

1) - أحسب  $\lim_{x \rightarrow +\infty} f(x)$  ، ثم وضع جدول تغيرات الدالة  $f$ .

2) - أرسم المحنى  $(C_f)$  في معلم متعامد و منظم  $(O, \vec{i}, \vec{j})$ .

↳ **الجزء الثاني:** (2,5pts)

ليكن  $n$  من  $\{1\} - \mathbb{N}^*$  ، و نعتبر في  $\mathbb{R}^+$  المعادلة :

1) - بين أن المعادلة  $(E_n)$  تقبل بالضبط حللين مختلفين  $\alpha_n$  و  $\beta_n$  بحيث  $0 < \alpha_n < 1 < \beta_n$ .

2) - مثل في المعلم  $(O, \vec{i}, \vec{j})$  الحدود الثلاثة الأولى لكل من المتتاليتين  $(\alpha_n)_{n \geq 2}$  و  $(\beta_n)_{n \geq 2}$ .

3) - أدرس رقابته كل من  $(\alpha_n)_{n \geq 2}$  و  $(\beta_n)_{n \geq 2}$  ، ثم استنتج أنهما متقاربات.

4) - أحسب نهاية كل من  $(\alpha_n)_{n \geq 2}$  و  $(\beta_n)_{n \geq 2}$  ، ماذما تستنتج؟

■ **التمرين رقم 02:** (06pts)

↳ **الجزء الأول:** (4,5pts)

ت تكون  $f$  الدالة المعرفة بما يلي :

.  $f(x) = \ln\left(\frac{e^x - 1}{x}\right)$  ;  $x \neq 0$  و  $f(0) = 0$

1) - بين أن :  $D_f = \mathbb{R}$  ، ثم أحسب  $\lim_{x \rightarrow -\infty} f(x)$  و  $\lim_{x \rightarrow +\infty} f(x)$ .

2) - أدرس إتصال و قابلية إشتقاق الدالة  $f$  في الصفر.

.  $(\forall x \in \mathbb{R}^*) ; \frac{1}{2} e^{\frac{x-|x|}{2}} \leq \frac{e^x - (x+1)}{x^2} \leq \frac{1}{2} e^{\frac{x+|x|}{2}}$  (نقبل أن :

3) - بين أن  $f$  قابلة للإشتقاق على كل من المجالين  $[0; +\infty[$  و  $]-\infty; 0]$  وأن :

.  $\varphi(x) = xe^x - e^x + 1$  ، حيث :  $(\forall x \in \mathbb{R}^*) ; f'(x) = \frac{\varphi(x)}{x(e^x - 1)}$

4) - أدرس تغيرات الدالة  $\varphi$  على  $\mathbb{R}^*$  و إستنتاج إشارتها على  $\mathbb{R}^*$  ، ثم وضع جدول تغيرات  $f$ .

5) - أدرس الفرعين اللانهائيين للمنحنى  $(C_f)$  ، ثم أرسم  $(C_f)$  في معلم متعامد و منظم  $(O, \vec{i}, \vec{j})$ .

6) - بين أن :  $(\forall x \in \mathbb{R}^*) ; f(x) - x = f(-x)$  على  $\mathbb{R}^{*+}$  ، ثم إستنتاج إشارة الفرق  $x - f(x)$  على  $\mathbb{R}^{*+}$ .

**الجزء الثاني :**  $(1,5pts)$  ↵

نعتبر المتتالية  $(u_n)_{n \in \mathbb{N}}$  المعرفة بما يلي :

$$\cdot (\forall n \in \mathbb{N}); u_{n+1} = f(u_n) \text{ و } u_0 \in \mathbb{R}^{*+}$$

1- بين أن  $f$  :  $(\forall n \in \mathbb{N}); u_n > 0$ .

2- أدرس رقابة المتتالية  $(u_n)_{n \in \mathbb{N}}$  ، ثم استنتج أنها متقاربة.

3- حدد نهاية المتتالية  $(u_n)_{n \in \mathbb{N}}$ .

**التمرين رقم 03:**  $(10pts)$  ■

**الجزء الأول:**  $(3,5pts)$  ↵

لتكن  $f$  الدالة المعرفة على  $\mathbb{R}$  بما يلي :

1- بين أن الدالة  $f$  تقابل من  $\mathbb{R}$  نحو  $\mathbb{R}$ .

2- استنتاج أن المعادلة :  $f(t) = 0$  تقبل حلًا وحيدًا  $\alpha$  وأن  $0 < \alpha < 1$ .

3- استنتاج إشارة  $f(t)$  تبعاً لقيمة  $t$  من  $\mathbb{R}$ .

4- لكل  $t$  من  $\mathbb{R}$  ، نضع :

أ- حدد منحى تغيرات الدالة  $\varphi$  على  $\mathbb{R}$ .

ب- أحسب  $\varphi(0)$  ، ثم استنتاج أن :

**الجزء الثاني:**  $(05pts)$  ↵

لتكن  $F$  الدالة المعرفة على  $\mathbb{R}$  بما يلي :

ويكزن  $(C_F)$  المنحنى الممثل للدالة  $F$  في معلم متعمد ومنظم  $(O, \vec{i}, \vec{j})$  حيث الوحدة هي  $3cm$ .

1- أحسب النهايتين :  $\lim_{x \rightarrow -\infty} F(x)$  و  $\lim_{x \rightarrow +\infty} F(x)$ .

2- بين أن :  $(\forall x \in \mathbb{R}); F'(x) = f(x) e^{-\frac{x}{2}}$  ، ثم ضع جدول تغيرات الدالة  $F$ .

3- حدد نقط تقاطع المنحنى  $(C_F)$  مع محور الأفاسيل.

4- بين أن المنحنى  $(C_F)$  يقبل بجوار  $-\infty$  فرعاً شلجمياً وحدد اتجاهه.

5- بين أن المنحنى  $(C_F)$  يقبل بجوار  $+\infty$  مقارباً مائلاً  $(\Delta)$  ينبغي تحديده.

6- أدرس الوضع النسبي للمنحنى  $(C_F)$  ومقاربه المائل  $(\Delta)$ .

7- أرسم المنحنى  $(C_F)$  في المعلم  $(O, \vec{i}, \vec{j})$  (نعطي :

الجزء الثالث:  $(2.5pts)$  ←

نعتبر المتتالية  $(u_n)_{n \in \mathbb{N}}$  المعرفة بما يلى :

$$\cdot (\forall n \in \mathbb{N}); u_{n+1} = F(-u_n) \text{ و } u_0 = \frac{1}{4}$$

1- بين بالترجع أن :  $(\forall n \in \mathbb{N}); u_n \in ]0; 1[$

2- بين أن :  $(\forall n \in \mathbb{N}); u_{n+1} \leq \frac{1}{2}u_n$  (يمكنك استعمال متفاوتة التزايدات المنتهية).

3- إستنتج أن المتتالية  $(u_n)_{n \in \mathbb{N}}$  متقاربة محددة نهايتها.

انتهى الموضوع.

يؤخذ بعين الاعتبار حسن التنظيم و جودة التحرير و الدقة في الأجبوبة .