

التمرين الخامس:

الوفارة الطبيعية الحالية للنظيرين 235 و 238 للأورانيوم U هي على التوالي 0,72% و 99,28%. نفترض أن هاذين النظيرين متوفران بنفس الوفارة (50%) في الطبيعة لحظة ظهور عنصر الأورانيوم لأول مرة في الطبيعة. نعتبر لحظة ظهور الأورانيوم لأول مرة في الطبيعة أصلا للتواريخ.

المعطيات:

$$\lambda_{235} = 1,02 \times 10^{-9} \text{ an}^{-1} ; \lambda_{238} = 1,55 \times 10^{-10} \text{ an}^{-1}.$$

1- أعط تعبير النسبة $\frac{N_{238}}{N_{235}}$ لعددي نويدات النظيرين ^{238}U و ^{235}U عند لحظة t بدلالة معطيات التمرين.

2- احسب النسبة $\frac{N_{238}}{N_{235}}$ المتواجدة حاليا في الطبيعة.

3- حدد عمر عنصر الأورانيوم في الطبيعة.

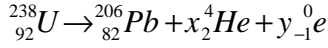
<http://phychi.voila.net>



الأجوبة

التمرين الأول:

1- نكتب المعادلة الكلية لتحول نواة ${}^{238}_{92}U$ إلى نواة ${}^{206}_{82}Pb$ على الشكل التالي:



- انحفاظ العدد الإجمالي للنويات :

$$238 = 206 + 4x$$

و منه

$$4x = 32$$

إذن:

$$x = 8$$

- انحفاظ الشحنة الكهربائية:

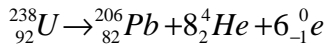
$$92 = 82 + 16 - y$$

إذن:

$$y = 6$$

و هكذا فإن عدد التفقات α هو 8 و عدد التفقات β^- هو 6.

-2



-3

أ-

- انحفاظ عدد النويات الإجمالي:

$$226 = A + 4$$

$$A = 222.$$

- انحفاظ الشحنة الكهربائية:

$$88 = Z + 2$$

$$Z = 86$$

ب- لدينا

نشاط الكتلة 1g من ${}^{226}_{88}Ra$ هو : $a = 3,62 \cdot 10^{10} \text{Bq}$

نعلم أن:

$$a = \lambda N = \lambda \frac{m \cdot N_A}{M({}^{226}_{88}Ra)} = \frac{\ln 2}{t_{1/2}} \frac{m \cdot N_A}{M({}^{226}_{88}Ra)}$$

إذن:

$$t_{1/2} = \frac{\ln 2}{a} \frac{m \cdot N_A}{M({}^{226}_{88}Ra)}$$

ت ع:

$$t_{1/2} = \frac{\ln 2 \cdot 1,602 \cdot 10^{23}}{3,62 \cdot 10^{10} \cdot 226} = 5,10 \cdot 10^{10} \text{ s} \approx 1617 \text{ ans}$$



4- لدينا:

$$\lambda = \frac{\ln 2}{t_{1/2}} = \frac{\ln 2}{14,3.24.3600} = 5,61.10^{-7} s^{-1}$$

التمرين الثاني:

1- بما أن نواة الليثيوم خفيفة فإن استقرارها يتطلب تحقيق : $N=Z$ و بالتالي:

$$A=2Z=6$$

2- بما أن نواة القصدير ثقيلة نسبيا ($A>40$) فإن استقرارها يتطلب تحقيق :

$$N=1,5Z-10=65$$

و بالتالي:

$$A=Z+N=50+65=115.$$

3- النواة ${}^{12}_7N$ خفيفة إلا أن $Z>N$ ($Z=7$; $N=5$)

النواة ${}^{12}_7N$ ليست مستقرة نتيجة توفرها على فائض من البروتونات.

4- النواة ${}^{115}_{45}Rh$ ثقيلة تحتوي على 45 بروتونا ($Z=45$) و 70 نوترونا ($N=70$).

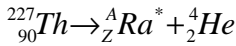
لنحسب عدد النوترونات اللازم لتكون مستقرة:

$$N_{th}=1,5Z-10=1,5 \cdot 45 -10 =57,5 < N.$$

و بما أن: $N \neq N_{th}$ إذن النواة ${}^{115}_{45}Rh$ غير مستقرة نتيجة توفرها على فائض من النوترونات.

التمرين الثالث:

1-



- انحفاظ العدد الإجمالي للنويات:

$$227 = A + 4$$

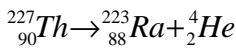
$$A = 223.$$

- انحفاظ عدد الشحنة:

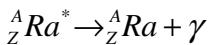
$$90 = Z + 2$$

$$Z = 88$$

- معادلة التفتت:



ثم:



2- لدينا:

$$a = \lambda N = \lambda \frac{m \cdot N_A}{M({}^{227}_{90}Th)} = \frac{\ln 2}{t_{1/2}} \frac{m \cdot N_A}{M({}^{227}_{90}Th)}$$

ت ع:

$$a = \frac{\ln 2 \cdot 10^{-3} \cdot 6,02 \cdot 10^{23}}{18,3.24.3600.227} = 1,16 \cdot 10^{12} Bq$$



التمرين الرابع:

1- نعلم أن عدد نوى البولونيوم المتبقية عند لحظة t هي:

$$N = N_0 e^{-\lambda t} = \frac{m_0 N_A}{M(Po)} e^{-\lambda t}$$

و بما أن كل نوية بولونيوم متفتتة تعطي دقيقة α .
إذن فعدد دقائق α الناتجة عند لحظة t هي:

$$N(\alpha) = N_0 - N = N_0(1 - e^{-\lambda t})$$

كتلة دقائق α الناتجة هي:

$$m(\alpha) = \frac{N(\alpha) \cdot M(\alpha)}{N_A} = \frac{N_0 \cdot M(\alpha)}{N_A} (1 - e^{-\lambda t})$$

لدينا:

$$N_0 = \frac{m_0 N_A}{M(Po)}$$

إذن:

$$m(\alpha) = \frac{m_0 \cdot M(\alpha)}{M(Po)} (1 - e^{-\lambda t}) = \frac{m_0 \cdot M(\alpha)}{M(Po)} \left(1 - e^{-\frac{(\ln 2) \cdot t}{t_{1/2}}} \right)$$

ت ع:

$$m(\alpha) = \frac{1.4}{210} \left(1 - e^{-\frac{(\ln 2) \cdot 227}{138.5}} \right) \approx 1.3 \cdot 10^{-2} g$$

2- عدد نوى البولونيوم المتبقية عند لحظة t هي:

$$N = N_0 e^{-\lambda t}$$

و من تم فالكتلة m غير المتفتتة يعبر عنها كالتالي:

$$m = m_0 e^{-\lambda t} = m_0 e^{-\frac{(\ln 2) \cdot t}{t_{1/2}}}$$

ت ع:

$$m = 1e^{-\frac{(\ln 2) \cdot 2.365,25}{138,5}} = 2,58 \cdot 10^{-2} g = 25,8 mg$$

التمرين الخامس:

1- بما أن النظيرين لهما نفس الوفارة عند أصل التواريخ إذن نكتب عدد نوية كل نظير على الشكل التالي:

$$N_{235} = N_0 e^{-\lambda_{235} t}$$

$$N_{238} = N_0 e^{-\lambda_{238} t}$$

و بالتالي:

$$\frac{N_{238}}{N_{235}} = \frac{N_0 e^{-\lambda_{238} t}}{N_0 e^{-\lambda_{235} t}} = \frac{e^{-\lambda_{238} t}}{e^{-\lambda_{235} t}} = e^{(\lambda_{235} - \lambda_{238}) t}$$

2- نعبر عن عدد نوى عنصر الأورانيوم المتواجدة حاليا في الطبيعة بالرمز N .

لدينا:

$$N_{238} = 0,9928 \cdot N$$

$$N_{235} = 0,0072 \cdot N$$

إذن:



$$\frac{N_{238}}{N_{235}} = \frac{0,9928N}{0,0072N} \approx 137,89$$

3- بما أن:

$$\frac{N_{238}}{N_{235}} = e^{(\lambda_{235} - \lambda_{238})t}$$

إذن:

$$t = \frac{\ln\left(\frac{N_{238}}{N_{235}}\right)}{\lambda_{235} - \lambda_{238}}$$

ت ع:

$$t = \frac{\ln(137,89)}{(10,2 - 1,55) \cdot 10^{-10}} \approx 5,7 \cdot 10^9 \text{ ans}$$

PCtaroudant 2010

