

مادة الرياضيات : (مدة الإنجاز 1 ساعة)

### تمرين 1 :

نضع :  $\alpha = 2(-1 + i\sqrt{3})$  ,  $j = -\frac{1}{2} + i\frac{\sqrt{3}}{2}$ .

1- أ : أحسب  $(\sqrt[4]{j})^4$  يمكن استعمال  $j^3 = 1$

ب : استنتج جذور  $\alpha$  من الرتبة الرابعة

2- لتكن المعادلة (I) :  $z^2 + \bar{\alpha}z + 4\alpha = 0$   $z \in \mathbb{C}$

أ : أحسب  $(3 - i\sqrt{3})^2$

ب : حل المعادلة (I) في  $\mathbb{C}$

3- استنتج مما سبق حاول المعادلة  $z^8 + \bar{\alpha}z^4 + 4\alpha = 0$   $z \in \mathbb{C}$

### تمرين 2 :

ليكن  $a$  عدد حقيقي موجب قطعاً

و  $(u_n)_{n \in \mathbb{N}}$  متتالية هندسية أساسها  $q$  بحيث  $q > 0$  و تحقق العلاقة  $8u_9 = a^3u_6$

1- أ : أحسب  $q$  بدلالة  $a$ .

ب : ماهي قيم  $a$  بحيث  $(u_n)_{n \in \mathbb{N}}$  تكون لها نهاية

2- نضع في كل مايلي  $0 < a < 3$  ونعرف :  $S_n = u_0 + u_1 + \dots + u_n$

أ : أحسب  $S_n$  بدلالة  $a$  و  $u_0$  و  $n \in \mathbb{N}^*$

ب : حدد نهاية  $S_n$  بدلالة  $a$  و  $u_0$

### تمرين 3 :

لتكن  $f$  دالة عددية معرفة ب  $f(x) = \frac{\sqrt{e^x}}{e^x} + x$

1- حدد  $Df$  ونهايات  $f$  عند محددات  $Df$

2- أحسب  $f'(x)$  و أعط جدول تغيرات  $f$

3- أ : أدرس الفروع الانتهائية ( $f$ ) بجوار  $+\infty$  و  $-\infty$

ب : أرسم  $C_f$  في معلم متعامد و منظم [ نأخذ  $(-\frac{6}{10})$  ]

الدرجة = 2

4- أحسب  $I = \int_0^1 f(x) dx$