



السنة الدراسية: 2016/2015

الفرض الكتابي الأول  
الأدس الأول  
مادة: الرياضيات

المستوى: الأولى باك.  
الشعبة: العلوم التجريبية  
مدة الانجاز: ساعتان  
2015/10/27

التمرين الأول: (8 نقط)

نعتبر الدالتين العدديتين  $f$  و  $g$  المعرفتين بما يلي :  $f(x) = x^2 - 2x$  و  $g(x) = \sqrt{x}$  و  $y = -x + 2$  المعايدة  $\Delta$  ذات المعلم  $(O; \bar{i}; \bar{j})$

( $C_f$ ) و ( $C_g$ ) منحني  $f$  و  $g$  على التوالي في معلم متعمد منظم

(1) حدد  $D_g$  ثم أعط جدول تغيرات الدالة  $g$ .

(1) أعط جدول تغيرات الدالة  $f$ .

(1) حدد نقط تقاطع المنحني ( $C_f$ ) مع محور الأفاسيل.

(0.5+1+1) (4) أنشئ ( $C_f$ ) و ( $C_g$ ) و ( $\Delta$ ) في نفس المعلم ( $O; \bar{i}; \bar{j}$ )

(1) حدد مبيانيا عدد حلول المعايدة:  $x^2 = \sqrt{x} + 2x$

(0.5) (6) حدد جبريا إحداثيات نقط تقاطع المنحني ( $C_f$ ) مع المستقيم ( $\Delta$ ).

(1) حل مبيانيا المترابحة:  $f(x) + x \geq 2$

التمرين الثاني: (8 نقط)

I- باستعمال الاستدلال بالاستلزماء المضاد للعكس.

(1.5) بين أنه لكل  $x$  و  $y$  من  $IR$ :  $[x \neq 1 \wedge y \neq 1] \Rightarrow [xy + 1 \neq x + y]$

(2) II - بين بالترجع أن:  $(\forall n \in IN^*)$ :  $2 + 2^2 + \dots + 2^n = 2^{n+1} - 2$

III - نعتبر العبارتين:

$$\left[ (\exists x \in IR): \sqrt{1+x^2} = \frac{1}{\sqrt{1+x^2}} \right] : P$$

$$\left[ (\forall y \in IR) (\exists x \in IR): x^2 + yx + 1 < 0 \right] : q$$

(0.75+0.75) 1- اعط نفي كل من العبارتين  $P$  و  $q$ .

(1+1) 2- بين أن العبارة  $P$  صحيحة والعبارة  $q$  خاطئة.

3- استنتج قيمة حقيقة العبارة:

$$(1) \left[ (\exists y \in IR) (\forall x \in IR): x^2 + yx + 1 \geq 0 \right] \Rightarrow \left[ (\forall x \in IR): \sqrt{1+x^2} \neq \frac{1}{\sqrt{1+x^2}} \right]$$

التمرين الثالث: (4 نقط)

نعتبر الدالة العددية  $f$  المعرفة بما يلي :

(1) أ- بين أن:  $(\forall x \in IR): x^2 - x + 1 > 0$

(0.5) ب- حدد  $D_f$  مجموعة تعريف الدالة  $f$ .

(1.5) (2) بين أن العدد 1 هو القيمة القصوى للدالة  $f$  على  $D_f$ .

(0.5) (3) أ- بين أن:  $(\forall x \in D_f): f(x) = -f(1-x) + \frac{1}{x^2 - x + 1}$

(0.5) ب- استنتاج أن:  $(\forall x \in D_f): f(x) < -1$