

## الاولى س ب ع ت

الجزء الأول:1- لتكن  $(u_n)$  متتالية حسابية أساسها  $r$  بحيث :  $u_{13} = 2$  و  $u_5 = 5$ 

(1 ن)

$$r = \frac{3}{4}$$

ب) احسب  $u_{116}$ . ثم احسب المجموع :2- حدد قيمة العدد الحقيقي  $x$  لكي تكون الأعداد  $3 - 2x$  و  $2x - 1$  و  $2x + 3$  ، بهذا الترتيب،

(1 ن)

الجزء الثاني:(I) نعتبر المتتالية العددية  $(u_n)$  المعرفة بما يلي :  $u_0 = 5$  و  $\forall n \in \mathbb{N} : u_{n+1} = \frac{5u_n - 4}{u_n}$ 

(0.5 ن + 1.5 ن)

1- احسب  $u_1$ . ثم بين ، بالترجع ، أن  $u_n > 4$ .

(0.5 ن)

$$\forall n \in \mathbb{N} : u_{n+1} - u_n = \frac{(u_n - 1)(4 - u_n)}{u_n}$$

(1.5 ن + 0.5 ن)

ب) أثبت أن  $(u_n)$  متتالية تناظرية . واستنتج أن :  $u_n \leq 5$ .3- لتكن  $(v_n)$  المتتالية العددية المعرفة بما يلي :

(1 ن + 0.5 ن)

أ) بين أن  $(v_n)$  متتالية هندسية أساسها  $\frac{1}{4} = q$  و احسب حدتها الأول  $v_0$ .

(0.5 ن + 1 ن)

ب) اكتب  $v_n$  بدلالة  $n$ . استنتاج أن :4- نضع :  $\forall n \in \mathbb{N}^* : S_n = v_0 + v_1 + v_3 + \dots + v_{n-1}$ 

(1 ن)

$$\forall n \in \mathbb{N}^* : S_n = \frac{1}{3} \left( 1 - \left( \frac{1}{4} \right)^n \right)$$

. [AC] (II) مثلث . نعتبر النقطتين  $E$  و  $F$  بحيث  $\overline{AE} = 2\overline{AB}$  و  $F$  منتصف القطعة

(0.5 × 2 ن)

أ) انشي النقطتين  $E$  و  $F$  بالدقة الازمة.

(1 ن)

ب) بين أن  $E$  مرجح النقطتين المترزنتين  $(A;-1)$  و  $(B;2)$ .

(1.5 ن + 0.5 ن)

2- لتكن  $G$  مرجح النقط المترزنة  $(A;-1)$  و  $(B;2)$  و  $(C;1)$ .بين أن  $G$  منتصف القطعة  $[CE]$ . انشي النقطة  $G$ .

(0.5 ن)

3- أ) انشي النقطة  $K$  مرجح النقطتين المترزنتين  $(B;2)$  و  $(C;1)$ .

(1 ن)

ب) بين أن  $K$  و  $G$  نقط مستقيمية .

(1 ن)

ج) استنتاج أن  $K$  مركز ثقل المثلث  $ACE$ .4- نعتبر  $(\Gamma)$  مجموعة النقاط  $M$  من المستوى  $(P)$  التي تحقق :

$$\|-\overrightarrow{MA} + 2\overrightarrow{MB} + \overrightarrow{MC}\| = CE$$

(1 ن)

أ) بين أن  $(\Gamma)$  هي دائرة محددا مركزها وشعاعها.

(0.5 ن)

ب) بين أن النقطة  $C$  تتبع إلى الدائرة  $(\Gamma)$ .