

العلوم الاقتصادية والتدبير المحاسباتي	الشعبة	<p>المملكة المغربية وزارة التربية الوطنية والتكوين المهني والبحث العلمي أكاديمية جهة الدار البيضاء الكبرى نيابة عين السبع الحبي المحمدي</p>
العلوم الاقتصادية علوم التدبير المحاسباتي	المسلك	
الرياضيات 4	المادة المعامل	
2 ساعات	مدة الانجاز	
1/2	الصفحة	

يسمح باستخدام الآلة الحاسبة الغير القابلة للبرمجة

### التمرين الأول (3.5ن)

1 - أنشر التعبير التالي:  $(2X+3)(X-2)$

2 - أ) حل في  $\mathbb{R}$  المعادلة:  $2e^{2x} - e^x - 6 = 0$

ب) حل في  $\mathbb{R}$  المتراجحة:  $\ln(2x+1) + \ln(x-1) \leq \ln(5)$

0.5

1.5

1.5

### التمرين الثاني (4ن)

وضع شخص في حساب بنكي مبلغا ماليا قدره 30.000 درهم في فاتح يناير سنة 2000

ليكن  $u_n$  قيمة رأسمال في فاتح يناير سنة  $2000+n$  حيث:  $n \in \mathbb{N}$

نفترض أن:  $u_{n+1} = 1,05u_n - 500$

و نضع:  $v_n = u_n - 10000$  لكل  $n$  من  $\mathbb{N}$ .

1- بين أن  $(v_n)_n$  متتالية هندسية أساسها  $q = 1,05$  محدددا حدها الأول  $v_0$ .

2 - اكتب  $v_n$  بدلالة  $n$  ثم استنتج أن:  $u_n = 10^4 (2(1,05)^n + 1)$  لكل  $n$  من  $\mathbb{N}$ .

3- ابتداء من أية سنة سيفوق رأسمال هذا الشخص في الحساب البنكي 50.000 درهم؟

0.5+1

0.75+0.5

### التمرين الثالث (4 ن)

نعتبر الدالة  $f$  المعرفة على المجال  $[0; +\infty[$  بما يلي:  $f(x) = \frac{1}{x+1} + e^{2x}$

1- أ) حدد الدوال الأصلية للدالة  $f$ .

ب) حدد الدالة الأصلية  $F$  للدالة  $f$  التي تنعدم في 0.

1.25

1

2- احسب باستعمال مكاملة بالأجزاء التكامل  $I$  حيث:  $I = \int_0^1 (x+2) e^x dx$

1

### مسألة (8.5 ن)

نعتبر الدالة العددية المعرفة على  $]0; +\infty[$  بما يلي:  $f(x) = 5 \frac{\ln(x)}{x} + 3$

وليكن  $(C, \bar{i}, \bar{j})$  منحناها في معلم متعامد ممنظم  $(O, \bar{i}, \bar{j})$

1- أ) أحسب  $\lim_{x \rightarrow 0^+} f(x)$  ثم أعط تأويلا مبيانيا للنتيجة.

05.+0.5

ب) أحسب  $\lim_{x \rightarrow +\infty} f(x)$  ثم أعط تأويلا مبيانيا للنتيجة.

0.5+0.5

2- أ) بين أن لكل  $x$  من المجال  $]0; +\infty[$ :  $f'(x) = 5 \left( \frac{1 - \ln(x)}{x^2} \right)$

0.75+0.75

ثم أدرس إشارة  $f'(x)$  على المجال  $]0; +\infty[$ .

ب) ضع جدول تغيرات الدالة  $f$  على  $]0; +\infty[$ .

0.5

3- أ) بين أن  $f$  تقبل قيمة قصوية.

0.5

ب) بين أن المعادلة:  $5 \ln(x) + 3x = 0$  تقبل حلا وحيدا  $\alpha$  محصور بين 0.6 و 0.7

1

4- أ) حدد الدوال الأصلية للدالة  $f$  على المجال  $]0; +\infty[$ .

0.75

ب) نضع:  $I = \int_2^4 f(x) dx$  بين أن:  $I = \frac{15}{2} (\ln 2)^2 + 6$

0.75

ج) حدد إشارة  $f$  على المجال  $[2; 4]$  ثم أعط تأويلا مبيانيا للعدد  $I$ .

0.5

5- نفترض أن  $f(x)$  هي مجموع الأرباح بالآلاف الدراهم التي تجنيها شركة صناعية

1

عند إنتاج  $x$  وحدة من منتج ما.

حدد القيمة المتوسطة لأرباح الشركة عندما يتراوح الإنتاج ما بين 2000 و 4000.

(نأخذ:  $\|\bar{i}\| = \|\bar{j}\| = 1000$ )