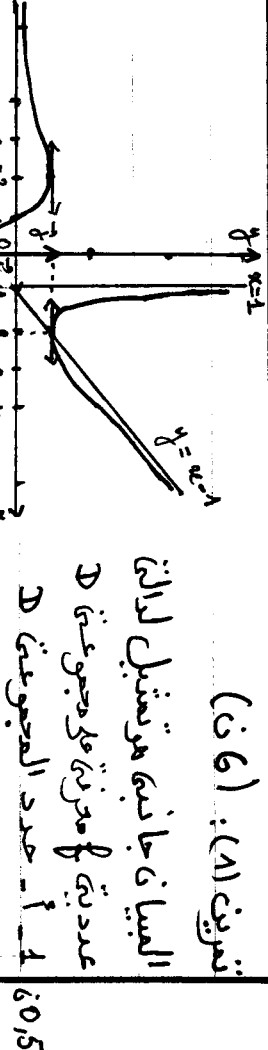


يسمح باستعمال الآلة الحاسبة غير القابلة للبرمجية



تعريف (1): (6 ن)
المبيان جانبا هو تمثيل الدالة
عددية f معرفة على مجموعتي D
1- حدد المجموعتين D
ب- احس النهايات التالية:
 $\lim_{x \rightarrow 0} f(x)$; $\lim_{x \rightarrow +\infty} f(x)$
 $\lim_{x \rightarrow 1} f(x)$; $\lim_{x \rightarrow 4} f(x)$
 $\lim_{x \rightarrow 2} f(x)$; $\lim_{x \rightarrow 2} (f(x) - (x-1))$
 1- حل في D المعادلتين :
 1- $f(x) \geq 0$;
 2- $f(x) = 4$;
 3- حل في المجال $[1, +\infty[$ المتراجحة : $f(x) \leq x-1$

تعريف (2): (7 ن)
نحسب المتتالية الترتيبية (u_n) المعرفة بهاي
 $u_0 = 9/3$
 $u_{n+1} = \frac{3u_n + 2}{2u_n + 3}$ ($n \in \mathbb{N}$)
 1- بين بالترجع أن : $0 < u_n < 1$ ($\forall n \in \mathbb{N}$)
 2- بين أن للمتتالية (u_n) تزايدية واستتبع أن $u_n \leq 9/3$
 لكل n من \mathbb{N}
 3- بين أن المتتالية (u_n) متقاربة

3. لتكن (u_n) المتتالية المتزايدة :
 $u_n = \frac{u_{n-1} - 1}{u_{n-1} + 1}$, $u_0 = 1$

أ- بين أن المتتالية (u_n) هذبية وحدتها أصاها وحدها الأول
 استنتج أن : $u_n = -(\frac{1}{5})^{n+1}$ ($\forall n \in \mathbb{N}$)

ب- بكنايته u_n بولايته v_n بين أنه كل n من \mathbb{N}
 احس $u_n = \frac{1 - (\frac{1}{5})^{n+1}}{1 + (\frac{1}{5})^{n+1}}$, احس (ملا جوابك) $\lim_{n \rightarrow +\infty} u_n$

4- احس بولايته و المجمع :
 $S_n = \frac{u_0 - 1}{u_{n+1} + 1} + \frac{u_1 - 1}{u_{n+2} + 1} + \dots + \frac{u_{n-1} - 1}{u_{n+1} + 1}$
 تعريف (3): (7 ن)

لتكن f الدالة الحقيقية المتغير الحقيقي x المعرفة كما يلي:
 $f(x) = \frac{x}{2\sqrt{x}-1}$ و $f(2) = \frac{x}{2\sqrt{x}-1}$

أ- في معر متعامد منظم (\mathbb{R}^2)
 1- بين أن الدالة f معرفة على المجمع $[1, +\infty[$ $f(1) = 1$, $f(2) = 0$
 2- بين أن الدالة f قابلة للاشتقاق عوالمية في 0
 ثم ازل مبيانيا هذه النتيجة.

ب- احس $\lim_{x \rightarrow 1} f(x)$ و $\lim_{x \rightarrow 1} f'(x)$
 هذه النتائج .

ج- تحقق أن : $\lim_{x \rightarrow +\infty} f(x) = +\infty$ وأن $\lim_{x \rightarrow +\infty} f'(x) = 0$
 ازل مبيانيا هذه النهاية الأخيرة .

د- بين أن $f(x) = \frac{\sqrt{x}-1}{(2\sqrt{x}-1)^2}$ $\forall x \in]0, 1[\cup]1, +\infty[$
 ازل مبيانيا f على D .

هـ- أكسب معادلتها لكما للمتتالية (u_n) في المتتالية (u_n) الأولى
 1- ارسم المنحنى (C) .