

### التعريف الثاني

- $n \in \mathbb{N}^+$  ،  $f_n(x) = x e^{-\frac{x}{n}}$  و  $f_n(0) = 0$  و  $f_n'(0) = 1$
- 1- بين أن  $f_n$  متصلة وقس في  $0$  على اليمين
  - ب- أدرس تغيرات  $f_n$  وأطو جداول تغيراتها
  - د- بين أن  $0 < x < 1 - e^{-x}$  ؛  $0 < x < 1$
  - ب- طو استنتج أن  $0 < x < \frac{x^2}{2} - 1 + x$  ،  $x > 0$
  - ج- استنتج أن  $\frac{1}{2n^2} \leq f_n(x) - (x - \frac{1}{n}) \leq \frac{1}{2n^2}$  ،  $x > 0$
  - 3- أدرس العزوم اللافتة ل  $f_n$  جوار  $0$
  - 4- أدرس الوضع النسبي ل  $f_n$  و  $f_{n+1}$
  - 5- أنسى في نفس المعلم  $f_n$  و  $f_{n+1}$
  - 6- بين أن المعادك  $e^{-\frac{1}{n}} = 1 - \frac{1}{n} + o(\frac{1}{n})$  قابل حل وحيد  $a_n$  في  $0 < a_n < 1$
  - 7- بين أن  $a_n$  حل للمعادلة  $f_n(x) = \frac{1}{n}$
  - 8-  $f_n$  أدرس تغيرات الدالة  $h(x) = x f_n(x)$  على  $[0, 1]$
  - ب- بين أن  $(a_n)$  متناقص
  - ج- بين أن  $(a_n)$  متقاربة ثم حدد نهايتها

### التعريف الأول

- 1- حل في  $\mathbb{C}$  للمعادلة  $z^3 - (1+i\sqrt{3})z^2 + z - (1+i\sqrt{3}) = 0$   $(z, \bar{z})$
- حلها أيضا قابل تحليل تحليلية صريحة  $z_1$  و  $z_2$  مع  $\text{Im}(z_1) > 0$ . نضع الحل الثالث للمعادلة  $(z_3)$
- 2- أكتب  $z_1$  و  $z_2$  و  $z_3$  و  $z_1 + z_2 + z_3$  على الشكل المثلثي
  - 3- نختبر النقط  $A(z_1)$  و  $B(z_2)$  و  $C(-z_3)$  بين أن  $AB \parallel AC$  متواز على الأفق.
  - 4- نختبر الكطيف  $f : \mathbb{R} \rightarrow \mathbb{R}$   $f(z) = (1+i\sqrt{3})z - 1 + i$   $M \in \mathbb{R} \rightarrow M'(z) = \frac{z' - i}{z - i}$  على الشكل الأسّي
  - ب- أكتب أن  $f$  مركب تحويلين على المستوى
  - ج- نضع  $M(\frac{\sqrt{3}}{4}z)$  ،  $M_0$  وحيد قياس  $M_0$  وحيد قياس  $M_0$   $(\vec{u}, \vec{v})$
  - 5- نضع  $f(M_n) = M_{n+1}$  حيث  $M_n$  نقطة لفضة  $M_n$  ،  $n \in \mathbb{N}$
  - أ- مثل في العلق  $M_0$  ،  $M_1$  ،  $M_2$  و  $M_3$
  - ب- بين أن  $(M_n)$  متناقص
  - ج- حسب المسافة  $M_n M_{n+1} = 2^n e^{-\frac{i\pi}{4}}$  ،  $n \in \mathbb{N}$  ،  $M_n$  متناقص
  - د- حدد طبيعي  $n$  بحيث  $2^n > 10^3$